

Общие рекомендации по выполнению

контрольных работ

Учебным планом по дисциплине «Механика (прикладная)» предусмотрено решение двух контрольных работ, выбираемых по таблице в зависимости от факультета (специальности):

Задачи, входящие в контрольную работу	
Номер контрольной работы	по специальности
1	1, 2, 3, 4, 5, 6
2	1, 2, 3, 4

Контрольная работа может быть успешно выполнена и зачтена только при условии усвоения соответствующего теоретического материала и решения рекомендуемых контрольных задач.

Контрольная работа, предоставляемая на рецензию, должна выполняться в отдельной тетради, желательно в рукописном виде, четко, разборчиво, аккуратно. Страницы работы должны быть пронумерованы. На обложке должны быть указаны: ФИО, учебный шифр студента, факультет, специальность, наименование предмета и дата выполнения работы.

Внимание! Решение каждой задачи должно начинаться на четной странице, начиная со второй, и сопровождаться подзаголовками, краткими пояснениями и аккуратно выполненнымными пояснительными схемами.

Отчетный чертеж выполняется на отдельной странице. При решении задачи необходимо обращать внимание на соблюдение размерности величин и принятых условных обозначений. На каждой странице следует оставить поля для замечаний рецензента.

Не зачененная контрольная работа должна быть исправлена или дополнена в соответствии с по отметками рецензента.

К работе, представленной на повторную проверку (если она выполнена в другой тетради), обязательно должна прилагаться не заченная работа. Без этого повторное рецензирование не производится.

Выбор контрольных задач

Исходные данные для каждой задачи студенты выбирают по номеру своей зачетной книжки из соответствующих граф таблиц. Первые три цифры шифра, обозначающие год приема и факультет, отбрасываются. Например, из шифра 1091872 невозможно использовать только четыре последние цифры, т.е. в данном случае число 1872. В итоге таблица связи цифр шифра с исходными данными получит следующий вид:

Столбец таблицы	а	б	в	г
Строка исходных данных	1	8	7	2

Пользуясь полученным сочетанием букв и цифр, необходимо выбрать к вашему шифру и находятся на пересечении вертикали, проведенной через букву, и горизонтали, проведенной через соответствующую цифру. **Работы, выполненные с нарушением этого требования, не рецензируются.**

Во избежание ошибок при выписывании условий задачи необходимо поместить таблицу связи цифр своего шифра с буквенным обозначением столбцов таблицы.

Таблица связи цифр шифра с буквами алфавита	
1	а
2	б
3	в
4	г
5	д
6	е
7	ж
8	и
9	к
0	л

Решение задачи №1

Контрольная работа №1

Условия от преподавателя

1. Рас挤压ение-сжатие

Задача 1. Стальной ступенчатый стержень площадью сечения A_1 , A_2 и A_3 защемлен одним концом и нагружен силами F_1 и F_2 (рис. 1). Второй конец стержня свободный. Конструктивными мерами обеспечена работа стержня только на простое центральное сжатие либо растяжение.

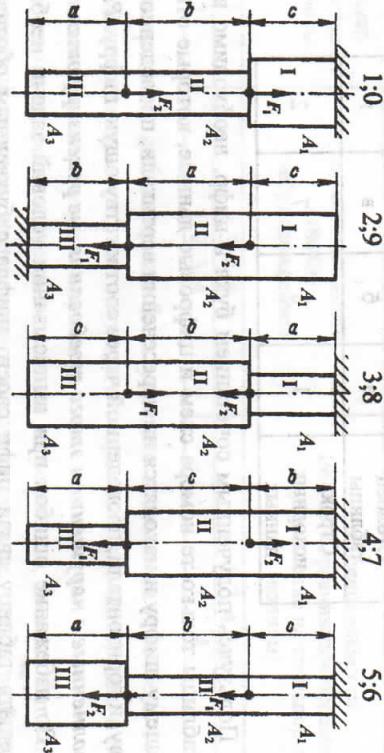


Рис. 1

Исходные данные приведены в табл. 1.

Таблица 1

Номер строки исходных данных (схемы)	a	b	c	F_1	F_2
1	1,0	1,6	1,8	120	80
2	1,2	1,8	2,0	140	60
3	1,8	1,8	1,6	80	120
4	1,4	1,6	1,4	100	80
5	1,8	2,0	1,6	60	140
6	2,0	1,4	1,2	100	60
7	1,6	1,4	1,4	80	120
8	1,2	1,6	2,0	120	40
9	1,4	1,2	1,6	100	120
0	1,6	1,4	1,8	50	100
Г	в	Г	б	в	Г

Требуется

1. Пренебрегая собственным весом стержня, определить величину продольной силы N на каждом участке по длине стержня и построить эпюру N .

2. Определить требуемые площади сечений стержня A_1 , A_2 и A_3 , приняв допускаемое напряжение $\sigma_{adm} = [\sigma] = 160$ МПа.

3. Определить перемещение точки приложения силы F_1 , приняв модуль продольной упругости $E = 2 \cdot 10^5$ МПа.

4. Определить полную работу сил, вызвавших упругую деформацию.

Порядок решения

1. Вычертить стержень в масштабе, указав буквенные и числовые значения всех величин.

2. Задаться в защемлении направлением опорной реакции и, применив уравнение равновесия, определить её величину и истинное направление.

3. Применив метод сечений, определить продольную силу N на каждом участке нагрузления стержня, приняв её растягивающей. Из уравнения равновесия определить величину и истинное направление продольной силы.

4. На прямой, параллельной оси стержня, вычертить эпюру N , указанную на каждом её участке знаки и числовые значения продольной силы.

5. Из условия прочности определить требуемые площади сечений ступенчатого стержня A_1 , A_2 , A_3 .

Примечание:

1) в схемах нагрузления 4 и 7 площадь участка III принять $A_3 = 0,5A_2$;

2) в схемах нагрузления 5 и 6 площадь участка III принять $A_3 = 2A_2$.

6. Перемещение силы F_1 определить как алгебраическую сумму продольных деформаций всех участков стержня от заделки до сечения, где приложена сила F_1 .

7. На каждом участке стержня вычислить абсолютную деформацию $\Delta l_i = \frac{N_i l_i}{E_i A_i}$ и затем определить величину полной работы сил, вызвавших упругую деформацию стержня $L_f = U = \frac{1}{2} \sum_1^n N_i \Delta l_i$.

Пример решения

Исходные данные по табл. 1:

Столбец	а	б	в	г
Строка	-	8	7	3

Дано: $F_1 = 80 \text{ кН}$; $F_2 = 120 \text{ кН}$; $a = 1,8 \text{ м}$; $b = 1,6 \text{ м}$; $c = 2,0 \text{ м}$; $[\sigma] = 160 \text{ МПа}$; $E = 2 \cdot 10^5 \text{ МПа}$.

Стальной ступенчатый стержень (см. рис. 1) защемлен одним концом и нагружен силами F_1 и F_2 . Все действующие нагрузки и размеры показаны на рис. 2.

Требуется определить величину продольной силы N на каждом участке стержня, площади поперечных сечений стержня A_1 , A_2 и A_3 , перемещение точки приложения силы F_1 , полную работу внешних сил, совершающих деформацию L_f .

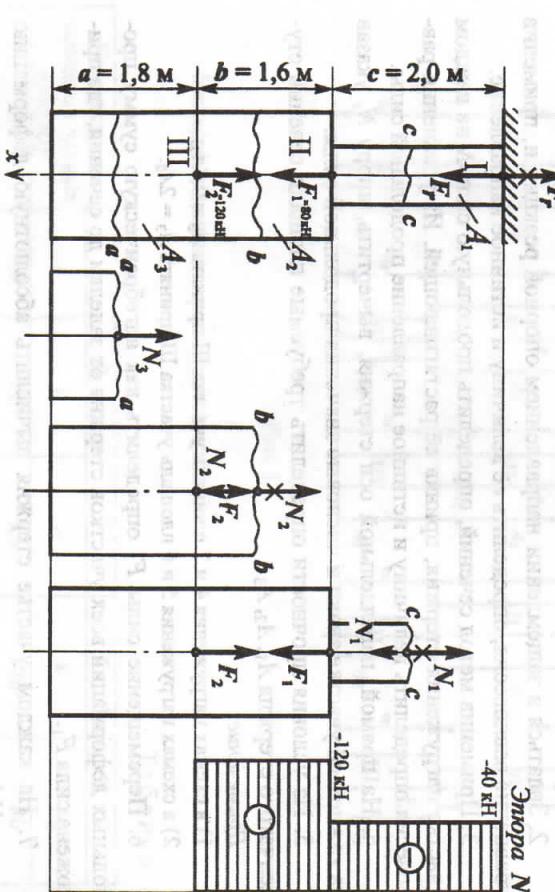


Рис. 2

Порядок решения

1. Выполнить расчет и графические построения в соответствии с рис. 2.
2. Определить опорную реакцию F_r (см. рис. 2 а):

$$\sum F_x = -F_r + F_1 - F_2 = 0;$$

$$F_r = F_1 - F_2 = 80 - 120 = -40 \text{ кН}.$$

Знак «минус» опорной реакции F_r показывает, что направление реакции было выбрано неверно.

3. Построить эпюру продольных сил (см. рис. 2 д):

— участок нагружения III — сечение $a-a$ (см. рис. 2 б)

$$\sum F_x = -N_1 = 0; N_3 = 0;$$

— участок нагружения II — сечение $b-b$ (см. рис. 2 б)

$$\sum F_x = -N_2 - F_2 = 0; N_2 = -F_2 = -120 \text{ кН}.$$

Знак «минус» показывает, что направление продольной силы N_2 выбрано неверно.

— участок нагружения I — сечение $c-c$ (см. рис. 2 в)

$$\sum F_x = -N_1 - F_1 + F_r = 0;$$

$$N_1 = -F_1 + F_r = -120 + 80 = -40 \text{ кН}.$$

Направление N_1 выбрано неверно.

Учитывая закон изменения и правило знаков для продольных сил строится эпюра N .

4. Определить площади сечений A_1 , A_2 и A_3 :

Из условия прочности $\sigma = \frac{N}{A} \leq [\sigma] = \sigma_{adm}$:

$$A \geq \frac{N}{[\sigma]},$$

$$A_1 = \frac{N_1}{[\sigma]} = \frac{40 \cdot 10^3}{160 \cdot 10^6} = 0,25 \cdot 10^{-3} \text{ м}^2;$$

$$A_2 = \frac{N_2}{[\sigma]} = \frac{120 \cdot 10^3}{160 \cdot 10^6} = 0,75 \cdot 10^{-3} \text{ м}^2;$$

Из условия задачи принимаем

$$A_3 = A_1 = 0,75 \cdot 10^{-3} \text{ м}^2.$$

5. Определить перемещение точки приложения силы F_1 по формуле

$$\Delta L_f = \frac{N_1 \cdot c}{E \cdot A_1} = \frac{40 \cdot 10^3 \cdot 2}{2 \cdot 10^5 \cdot 10^6 \cdot 0,25 \cdot 10^{-3}} = 1,6 \cdot 10^{-3} \text{ м} = 1,6 \text{ мм}.$$

6. Рассчитать полную работу внешних сил (потенциальную энергию упругой деформации)

$$L_r = U = \frac{1}{2} \sum_i N_i \Delta l_i$$

Участок I:

$$\Delta l_1 = \frac{N_1 \cdot c}{E A_1} = \frac{40 \cdot 10^3 \cdot 2}{2 \cdot 10^5 \cdot 10^6 \cdot 0,25 \cdot 10^{-3}} = 1,6 \cdot 10^{-3} \text{ м.}$$

Участок II:

$$\Delta l_2 = \frac{N_2 \cdot b}{E A_2} = \frac{120 \cdot 10^3 \cdot 1,6}{2 \cdot 10^5 \cdot 10^6 \cdot 0,75 \cdot 10^{-3}} = 1,28 \cdot 10^{-3} \text{ м.}$$

Участок III: $N_3 = 0$; $\Delta l_{III} = 0$

$$L_r = \frac{1}{2} (N_1 \cdot \Delta l_1 + N_2 \cdot \Delta l_2) = \frac{1}{2} (40 \cdot 10^3 \cdot 1,6 \cdot 10^{-3} + 120 \cdot 10^3 \cdot 1,28 \cdot 10^{-3}) = 217,6 \text{ Дж.}$$

Ответ:

$$A_1 = 0,25 \cdot 10^{-3} \text{ м}^2; A_2 = A_3 = 0,75 \cdot 10^{-3} \text{ м}^2;$$

$$\Delta l_{F_1} = 1,6 \cdot 10^{-3} \text{ м}; L_F = 217,6 \text{ Дж.}$$

Задача 2. В контрольной задаче 1 принять, что оба конца ступенчатого стержня защемлены.

Процесс

1. Раскрыть статическую неопределенность системы.

2. Построить эпюру продольной силы N .

3. Подобрать вновь A_1 , A_2 и A_3 , приняв допускаемое напряжение

$$\sigma_{adm} = [\sigma] = 160 \text{ МПа};$$

4. Определить перемещение точки приложения силы F_2 .

Исходные данные приведены в табл. 1.

Порядок решения

1. Вычертить стержень в масштабе, указав буквенные и числовые значения всех величин.

2. Показать на чертеже опорные реакции в защемлениях стержня и написать уравнение равновесия.

3. Написать общее выражение совместности деформаций, воспользовавшись законом Гука. Соотношение площадей A_1 , A_2 и A_3 взять из ранее решенной контрольной задачи 1.

4. Подставить полученные данные в условие совместности деформаций и определить величину и направление опорной реакции в мысленно отброшенном защемлении.

5. После раскрытия статической неопределенности задачу решать в последовательности, указанной в задаче 1.

Пример решения

Исходные данные по табл. 1:

Столбец	а	б	в	г
Строка	-	8	7	3

Дано: $F_1 = 80 \text{ кН}$; $F_2 = 120 \text{ кН}$; $a = 1,8 \text{ м}$; $b = 1,6 \text{ м}$; $c = 2,0 \text{ м}$; $[\sigma] = 160 \text{ МПа}$; $E = 2 \cdot 10^5 \text{ МПа}$.

Стальной ступенчатый стержень защемлен двумя концами и нагружен силами F_1 и F_2 . Все действующие нагрузки и размеры показаны на рис. 3.

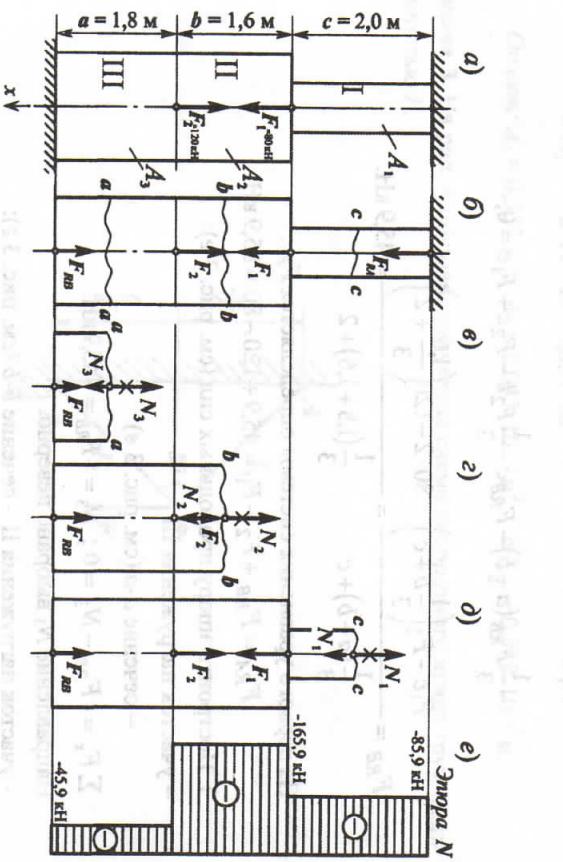


Рис. 3

Требуется определить величину продольной силы N на каждом участке стержня, площади поперечных сечений стержня A_1 , A_2 и A_3 , перемещение точки приложения силы F_2 .

1. Проверить, что в стержне отсутствуют изгибающие моменты.

2. Выполнить расчет и графические построения.

3. Определить опорные реакции с использованием основной системы (см. рис. 3 б) и общего уравнения совместности деформаций:

$$\left\{ \begin{array}{l} \sum F_x = -F_{RB} - F_2 + F_1 + F_{RA} = 0; \\ \frac{F_{RB}(a+b)}{E A_2} - \frac{F_{RB} \cdot c}{E A_1} - \frac{F_2 \cdot b}{E A_2} - \frac{F_2 \cdot c}{E A_1} + \frac{F_1 \cdot c}{E A_1} = 0. \end{array} \right.$$

Из примера контрольной задачи 1 имеем: $A_2 = A_3 = 3A_1$.

Решаем второе уравнение системы:

$$-\frac{F_{RB}(a+b)}{3 A_1 E} - \frac{F_{RB} \cdot c}{A_1 E} - \frac{F_2 \cdot b}{3 A_1 E} - \frac{F_2 \cdot c}{E A_1} + \frac{F_1 \cdot c}{E A_1} = 0; \quad \text{Задача 3 а) } \Rightarrow [0]$$

получим $\frac{1}{E} \neq 0$; значит, уравнение имеет одинаковые коэффициенты для F_1 и F_2 и можно исключить F_1 из уравнения:

$$-\frac{1}{3} F_{RB}(a+b) - F_{RB}c - \frac{1}{3} F_2b - F_2c + F_1c = 0;$$

$$F_{RB} = \frac{\frac{1}{3}(a+b)+c}{\frac{1}{3}(a+b)+c} = \frac{80 \cdot 2 - 120 \left(\frac{1.6}{3} + 2 \right)}{\frac{1}{3}(1.8+1.6)+2} = 45.9 \text{ кН.}$$

Из первого уравнения системы определяется F_{RA} :

$$F_{RA} = F_{RB} + F_2 - F_1 = 45.9 + 120 - 80 = 85.9 \text{ кН.}$$

3. Построить эпюру продольных сил (см. рис. 3 е):

— участок нагружения III
— сечение $a-a$ (см. рис. 3 е)

$$\Sigma F_x = -F_{RB} - N_3 = 0; \quad N_3 = -F_{RB} = -45.9 \text{ кН.}$$

Направление N_3 выбрано неверно.

$$\Sigma F_x = -F_{RB} - F_2 - N_2 = 0; \quad N_2 = -F_{RB} - F_2 = -45.9 - 120 = -165.9 \text{ кН.}$$

Направление N_2 выбрано неверно.

— участок нагрузления I — сечение $c-c$ (см. рис. 3 е):

$$\Sigma F_x = -F_{RB} - F_2 + F_1 - N_1 = 0; \quad \text{доказано}$$

$$N_1 = -F_{RB} - F_2 + F_1 = -45.9 - 120 + 80 = -85.9 \text{ кН.}$$

Направление N_1 выбрано неверно.

4. Определить площади сечений A_1 , A_2 и A_3 .

Из условия прочности $\sigma = \frac{N}{A} \leq [\sigma] = \sigma_{adm}$ площадь сечения $A \geq \frac{N}{[\sigma]}$:

$$A_1 = \frac{N_1}{[\sigma]} = \frac{85.9 \cdot 10^3}{160 \cdot 10^6} = 0,537 \cdot 10^{-3} \text{ м}^2;$$

$$A_2 = \frac{N_2}{[\sigma]} = \frac{165.9 \cdot 10^3}{160 \cdot 10^6} = 1,037 \cdot 10^{-3} \text{ м}^2.$$

Принимаем

$$A_3 = A_1 = 1,037 \cdot 10^{-3} \text{ м}^2.$$

5. Определить перемещение точки приложения силы F_2 :

$$\Delta l_2 = \frac{N_2 a}{E A_2} = \frac{45.9 \cdot 10^3 \cdot 1.8}{2 \cdot 10^3 \cdot 10^6 \cdot 1,037 \cdot 10^{-3}} = 0,388 \cdot 10^{-3} \text{ м.}$$

Ответ: $A_1 = 0,537 \text{ м}^2$; $A_2 = 1,037 \cdot 10^{-3} \text{ м}^2$; $\Delta l_2 = 0,388 \cdot 10^{-3} \text{ м.}$

Задача 3. На рис. 4 показана расчетная схема поворотного крана грузоподъемностью F .

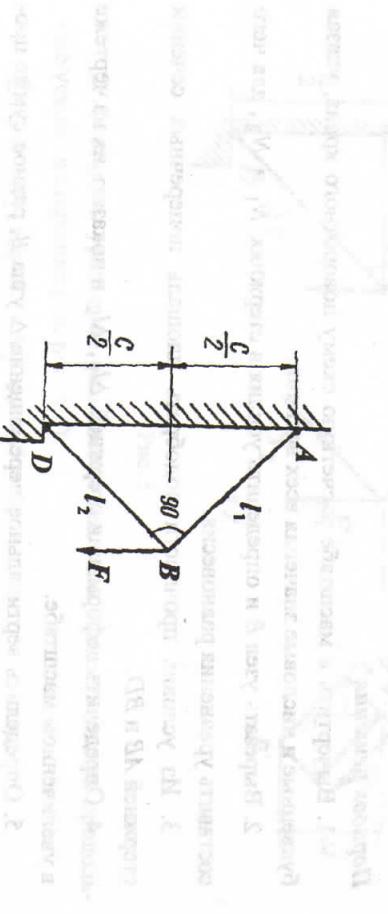


Рис. 4

Требуется

- Подобрать стальной стержень AB круглого поперечного сечения $[\sigma] = 160 \text{ МПа}$, $E = 2 \cdot 10^5 \text{ МПа}$ и деревянный стержень BD квадратного сечения $[\sigma] = 10 \text{ МПа}$, $E = 1 \cdot 10^4 \text{ МПа}$.

2. Определить вертикальное перемещение узла B .

Исходные данные приведены в табл. 2.

Таблица 2

Номер строки исходных данных	Грузоподъемность, кН	Длина стержней $l_1 = l_2$, м
1	100	1,2
2	150	1,4
3	180	1,5
4	200	1,25
5	300	1,1
6	250	1,3
7	220	1,6
8	260	1,5
9	280	1,2
10	240	1,3
	Г	В

Порядок решения

- Вычерпить в масштабе расчетную схему поворотного крана, указав буквенные и числовые значения всех величин.
- Вырезать узел B и определить усилия в стержнях M_1 и N_2 , для чего составить уравнения равновесия.
- Из условия прочности подобрать площадь поперечных сечений стержней AB и BD .
- Определить линейное перемещение Δ узла B , равное сумме продольных усилий Δl_1 и Δl_2 на вертикальную ось.

Пример решения

Исходные данные по табл. 2:

Столбец	а	б	в	г
Строка	-	-	9	0

Дано: $F = 240 \text{ кН}$; $l_1 = l_2 = 1,2 \text{ м}$;

Сталь $[\sigma]_{ct} = 160 \text{ МПа}$; $E_{ct} = 2 \cdot 10^5 \text{ МПа}$;

Дерево $[\sigma]_{ln} = 10 \text{ МПа}$; $E_{ln} = 1 \cdot 10^4 \text{ МПа}$.

Подобрать стальной стержень AB круглого поперечного сечения и деревянный стержень BD квадратного сечения настенного поворотного крана.

Требуется определить диаметр стержня AB , размеры сечения стержня BD , вертикальное перемещение узла B .

Порядок решения

- Выполнить расчет и графические построения (рис. 5).

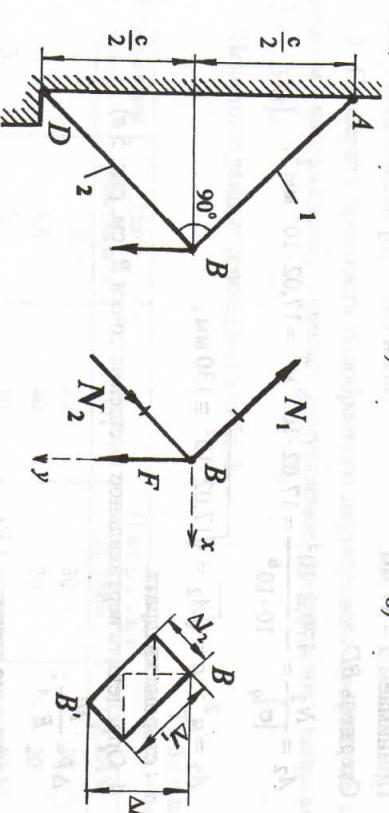


Рис. 5

- Составить уравнение равновесия для узла B и определить продольные усилия в стержнях (см. рис. 5 ⑤):

$$\sum F_x = -N_1 \cdot \cos 45^\circ + N_2 \cdot \cos 45^\circ = 0;$$

$$N_1 = N_2;$$

$$\sum F_y = F - N_1 \sin 45^\circ - N_2 \cdot \sin 45^\circ = 0;$$

$$F - 2N_1 \sin 45^\circ = 0;$$

$$(a) N_1 = \frac{F}{2 \sin 45^\circ} = \frac{240 \cdot 10^3}{2 \cdot 0,71} = 170,2 \cdot 10^3 \text{ Н} = 170,2 \text{ кН};$$

$$N_1 = N_2 = 170,2 \text{ кН.}$$

3. Определить размеры поперечных сечений стержней 1 и 2.

Из условия прочности $\sigma = \frac{N}{A} \leq [\sigma]$, площадь сечения $A \geq \frac{N}{[\sigma]}$.

Стержень AB:

$$A_1 = \frac{N_1}{[\sigma]_{ct}} = \frac{170,2 \cdot 10^3}{160 \cdot 10^6} = 1,064 \cdot 10^{-3} \text{ м}^2;$$

$$\text{Следовательно, } d = \sqrt{\frac{4A_1}{\pi}} = \sqrt{\frac{4 \cdot 1,064 \cdot 10^{-3}}{3,14}} = 3,687 \cdot 10^{-2} \text{ м} = 36,9 \text{ мм.}$$

Принимаем $d = 37 \text{ мм.}$

Стержень BD:

$$A_2 = \frac{N_2}{[\sigma]_q} = \frac{170,2 \cdot 10^3}{10 \cdot 10^6} = 17,02 \cdot 10^{-3} \text{ м}^2 = 17,02 \cdot 10^3 \text{ мм}^2;$$

$$A_2 = a^2; a = \sqrt{A_2} = \sqrt{17,02 \cdot 10^3} \approx 130 \text{ мм,}$$

где a — сторона квадрата.

4. Определить вертикальное смещение точки B (см. рис. 5 *б*).

$$\Delta l = \frac{Ml}{EA};$$

Удлинение стержня AB:

$$\Delta l_1 = \frac{N_1 \cdot l_1}{E_{ct} \cdot A_1} = \frac{170,2 \cdot 10^3 \cdot 1,2}{2 \cdot 10^5 \cdot 10^6 \cdot 1,064 \cdot 10^{-3}} = 0,96 \cdot 10^{-3} \text{ м} = 0,96 \text{ мм};$$

$$\Delta l_2 = \frac{N_2 \cdot l_2}{E_d \cdot A_2} = \frac{170,2 \cdot 10^3 \cdot 1,2}{1 \cdot 10^4 \cdot 10^6 \cdot 17,02 \cdot 10^{-3}} = 1,2 \cdot 10^{-3} \text{ м} = 1,2 \text{ мм.}$$

Проекции деформаций стержней на ось y:

$$\Delta l_{1y} = \Delta l_1 \cos 45^\circ = 0,96 \cdot \sqrt{2}/2 = 0,68 \text{ мм};$$

$$\Delta l_{2y} = \Delta l_2 \cos 45^\circ = 1,2 \cdot \sqrt{2}/2 = 0,85 \text{ мм.}$$

Вертикальное перемещение узла B

$$\Delta l = \Delta l_{1y} + \Delta l_{2y} = 0,68 + 0,85 = 1,53 \text{ мм.}$$

Ответ: $d = 37 \text{ мм}; a = 130 \text{ мм}; \Delta l = 1,53 \text{ мм.}$

2. Плоский поперечный изгиб

Задача 4. Балка (рис. 6) нагружена сосредоточенной и распределенной нагрузкой, а также парой сил.

Требуемое

1. Построить эпюры поперечной силы Q и изгибающего момента M , указать опасные сечения по длине балки и определить для этих сечений расчетные значения Q и M .

2. Из условия прочности по нормальному напряжениям подобрать поперечное сечение балки из прокатного двутавра, приняв допускаемое нормальное напряжение $[\sigma] = 160 \text{ МПа}$.

3. Проверить прочность подобранного двутаврового профиля по касательным напряжениям, приняв допускаемое касательное напряжение $[\tau] = 0,5 [\sigma]$.

Исходные данные приведены в табл. 3.

Таблица 3

Номер схемы (строки)	Длина участка a , м	Нагрузка		
		F , кН	M , кН·м	q , кН/м
1	1,8	20	30	10
2	1,6	40	20	20
3	2,0	30	10	10
4	1,4	50	40	10
5	1,6	40	40	30
6	1,8	20	30	20
7	1,4	60	20	10
8	2,0	40	10	20
9	1,6	20	20	30
0	1,4	30	30	20
Г	б	б	в	г

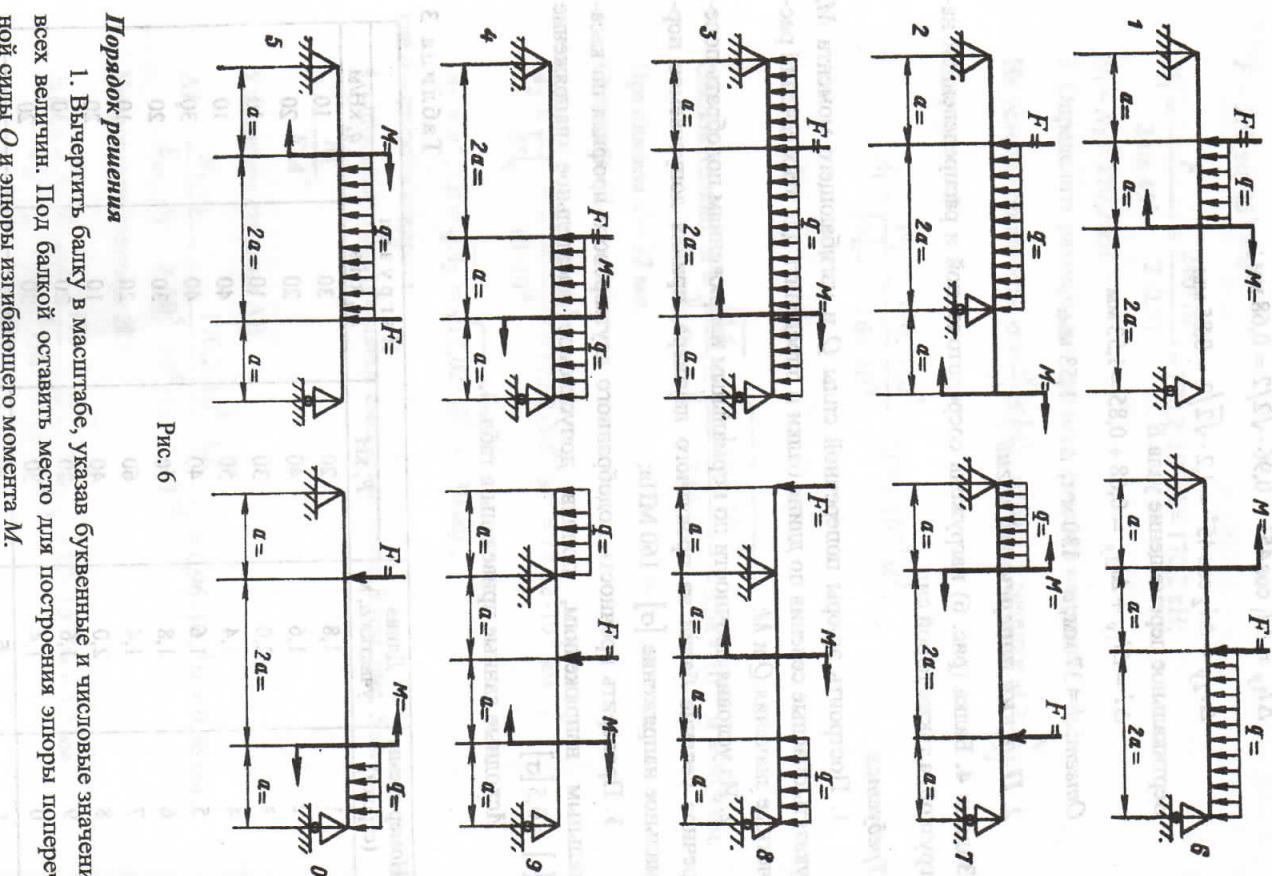


Рис. 6

Порядок решения

- Вычертить балку в масштабе, указав буквенные и числовые значения всех величин. Под балкой оставить место для построения эпюры поперечной силы Q и эпюры изгибающего момента M .

2. Показать на чертеже опорные реакции и, используя уравнения равновесия, определить их величину и действительное направление. Выполнить проверку правильности нахождения опорных реакций, воспользовавшись одним из ранее не использованных уравнений равновесия.

3. Обозначить на схеме балки римскими цифрами грузовые участки и указать расстояние x от выбранного начала координат до рассматриваемого сечения на участке балки. Для каждого грузового участка балки указать гравитационные изменения χ и написать аналитические выражения для Q и M в общем виде.

4. Определить величины Q и M во всех характерных сечениях балки. Построить в масштабе эпюры Q и M , указав их знак, значения величин на всех участках и размерность.

5. На эпюрах Q и M указать сечения балки, в которых действуют максимальные нормальные и максимальные касательные напряжения.

6. Подобрать сечение прокатного двутавра из условия прочности по нормальному напряжению. Геометрические характеристики сечений прокатного двутавра приведены в ГОСТе 8239-72. Если по расчёту одного двутавра будет недостаточно, следует поставить рядом несколько двутавровых балок с общим моментом сопротивления не менее расчётного.

7. Проверить прочность подобранного двутавра по касательным напряжениям. Статические моменты полу截сечения приведены в ГОСТе 8239-72 (табл. 1 приложения).

Пример решения

Исходные данные выбрать по табл. 3:

Столбец	a	b	v	Γ	0
Строка	-	1	7	0	

Дано: $F = 20 \text{ кН}$; $a = 1,8 \text{ м}$; $M = 20 \text{ кН} \cdot \text{м}$;
 $q = 20 \text{ кН/м}$; $[\sigma] = 160 \text{ МПа}$.

Выполнить расчет статически определимой стальной балки на изгиб.

Требуется

- Построить эпюры поперечной силы Q и изгибающего момента M .
- Подобрать требуемый размер двутавра по нормальному напряжению.
- Проверить подобранный двутавр по касательным напряжениям.

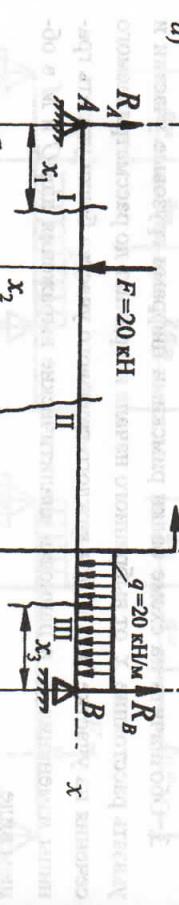
Порядок решения

1. Выполнить расчет и графические построения (рис. 7).

$$R_B = \frac{F \cdot a - M + 3,5q \cdot a^2}{4a} = \frac{20 \cdot 1,8 - 20 + 3,5 \cdot 20 \cdot 1,8^2}{4 \cdot 1,8} = 33,7 \text{ кН};$$

$$\sum M_B = q \frac{a^2}{2} + M + F \cdot 3a - R_A \cdot 4a = 0;$$

$$R_A = \frac{q \frac{a^2}{2} + M + F \cdot 3a}{4a} = \frac{20 \cdot \frac{1,8^2}{2} + 20 + 20 \cdot 3 \cdot 1,8}{4 \cdot 1,8} = 22,3 \text{ кН}.$$



Проверка: $\sum F_y = R_A - F - q \cdot a + R_B = 22,3 - 20 - 20 \cdot 1,8 + 33,7 = 0$.

3. Построить эпюру поперечных сил Q (см. рис. 7 б). Для этого разбить балку на грузовые участки I, II и III.

Участок I: $0 \leq x_1 < a$; $Q_1 = R_A$:

- при $x_1 = 0$ $Q_1 = R_A = 22,3 \text{ кН}$;
- при $x_1 = a$ $Q_1 = R_A = 22,3 \text{ кН}$.

Эпюра – прямая, параллельная оси x .

Участок II: $a \leq x_2 < 3a$; $Q_2 = R_A - F$:

- при $x_2 = a$ $Q_2 = R_A - F = 22,3 - 20 = 2,3 \text{ кН}$;
- при $x_2 = 3a$ $Q_2 = R_A - F = 22,3 - 20 = 2,3 \text{ кН}$.

Эпюра – прямая, параллельная оси x .

Участок III: $0 \leq x_3 < a$; $Q_3 = -R_B + qx_3$:

- при $x_3 = 0$ $Q_3 = -R_B = -33,7 \text{ кН}$;
- при $x_3 = a$ $Q_3 = -R_B + qa = -33,7 + 20 \cdot 1,8 = 2,3 \text{ кН}$.

Эпюра – прямая, наклонная к оси x и пересекающая ось x .

$$Q_3 = 0 = -R_B + qx_3;$$

$$x_0 = \frac{R_B}{q} = \frac{33,7}{20} = 1,69 \text{ м.}$$

4. Построить эпюру изгибающих моментов M (см. 7 в):

Участок I: $0 \leq x_1 < a$; $M_1 = R_A \cdot x_1$;

- при $x_1 = 0$ $M_1 = 0$;

- при $x_1 = a$ $M_1 = R_A \cdot a = 22,3 \cdot 1,8 = 40,1 \text{ кН}\cdot\text{м}$.

Эпюра – прямая, наклонная к оси x .

Участок II: $a \leq x_2 < 3a$; $M_2 = R_A \cdot x_2 - F(x_2 - a)$:

- при $x_2 = a$ $M_2 = R_A \cdot a = 22,3 \cdot 1,8 = 40,1 \text{ кН}\cdot\text{м}$;
- при $x_2 = 3a$ $M_2 = R_A \cdot 3a - F \cdot 2a = 22,3 \cdot 1,8 - 20 \cdot 2 \cdot 1,8 = 48,4 \text{ кН}\cdot\text{м}$.

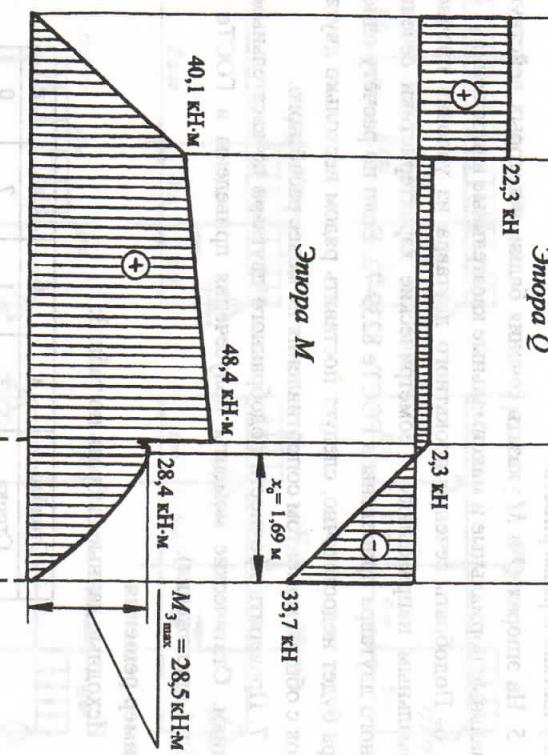
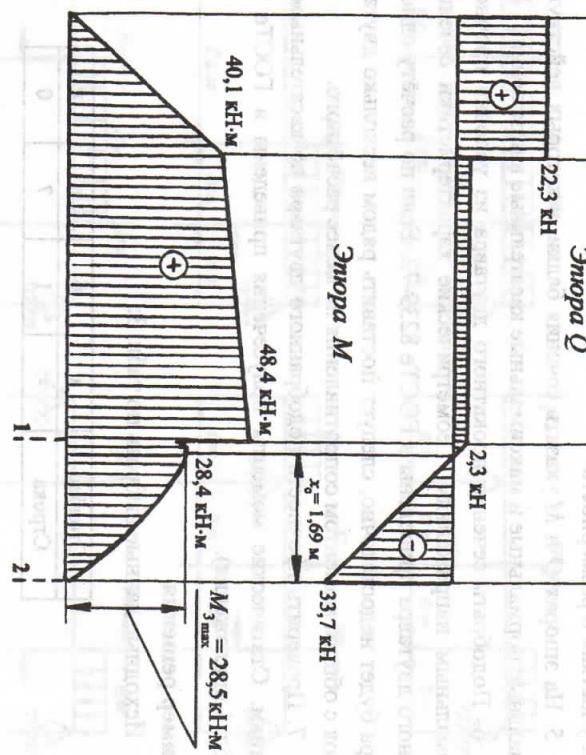


Рис. 7



Участок III: $0 \leq x_3 < a$; $M_3 = R_B \cdot x_3 - q \frac{x_3^2}{2}$:

— при $x_3 = 0$ $M_3 = 0$;

$$\text{— при } x_3 = a \quad M_3 = R_B \cdot a - q \frac{a^2}{2} = 33,7 \cdot 1,8 - 20 \frac{1,8^2}{2} = 28,4 \text{ кН}\cdot\text{м.}$$

Максимальная величина момента на участке III

При $x_3 = x_0 = 1,69 \text{ м.}$

$$M_{3\max} = R_B \cdot x_0 - q \frac{x_0^2}{2} = 33,7 \cdot 1,69 - 20 \frac{1,69^2}{2} = 28,5 \text{ кН}\cdot\text{м.}$$

Эпюра — кривая второго порядка.

5. Выбрать опасные сечения:

сечение (1-1) — максимальное нормальное напряжение;

сечение (2-2) — максимальное касательное напряжение.

6. Подобрать сечение прокатного двутавра.

Из условия прочности $\sigma_{\max} = \frac{M_{\max}}{W_z} \leq [\sigma]$.

$$\text{Получаем } W_z \geq \frac{M_{\max}}{[\sigma]} = \frac{48,4 \cdot 10^3}{160 \cdot 10^6} = 0,303 \cdot 10^{-3} \text{ м}^3 = 303 \text{ см}^3.$$

По табл. 1 приложения выбираем двутавр № 24а ($W_z = 317 \text{ см}^3$, $J_z = 3800 \text{ см}^4$, $S_z = 178 \text{ см}^3$; $b = 125 \text{ мм}$).

Примечание. В табл. 1 – 3 приложения ось сечений прокатных профилей «ХХ» соответствует оси «zz» в примере расчета.

7. Проверить прочность двутавра № 24а по касательным напряжениям.

$$\text{Условие прочности } \tau = \frac{Q \cdot S_z}{J_z \cdot b} \leq [\tau].$$

Допускаемое напряжение $[\tau] = 0,5[\sigma] = 0,5 \cdot 160 = 80 \text{ МПа.}$

Из эпюры Q определяем $Q_{\max} = 33,7 \text{ кН}$, $a = 1,69 \text{ м}$. Используя

$$\tau = \frac{33,7 \cdot 10^3 \cdot 0,178 \cdot 10^{-3}}{0,38 \cdot 10^{-4} \cdot 0,125} = 12,63 \cdot 10^6 \text{ Па} = 12,6 \text{ МПа} \ll [\tau].$$

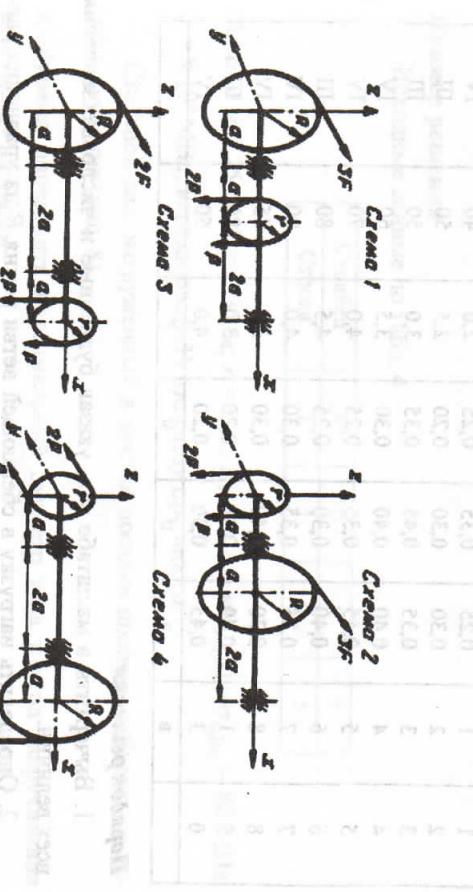
Ответ: $R_A = 22,3 \text{ кН}$; $R_B = 33,7 \text{ кН}$; $Q_{\max} = 33,7 \text{ кН}$; $M_{\max} = 48,4 \text{ кН}\cdot\text{м}$.

Подобран двутавр № 24а.

$\text{Эпюра изгибающего момента } M_3 \text{ и эпюра } Q \text{ на участке III}$

3. Сложное сопротивление

Задача 5. Стальной вал (рис. 8) нагружен крутящим и изгибающим моментами.



Требуется

1. Определить диаметр поперечного сечения вала по гипотезе прочности, указанной в задании.
2. Найти угол закручивания вала на участке между крайними шкивами.

Исходные данные приведены в табл. 4.

Рис. 8

Методика решения задачи Таблица 4

Номер строки	Номер схемы	$a, \text{м}$	$R, \text{м}$	$r, \text{м}$	F, kH	$[\sigma], \text{МПа}$	Гипотезы прочности
1	1	0,25	0,35	0,25	2,0	40	IV
2	2	0,30	0,30	0,20	2,5	50	III
3	3	0,35	0,45	0,35	3,0	50	III
4	4	0,40	0,40	0,30	3,5	60	IV
5	5	0,45	0,35	0,25	4,0	70	IV
6	6	0,40	0,30	0,25	4,5	80	II
7	7	0,35	0,35	0,30	4,0	90	IV
8	8	0,30	0,40	0,30	3,5	85	IV
9	1	0,40	0,30	0,20	3,0	80	III
0	3	0,45	0,30	0,20	4,0	50	IV
		в	а	б	б	г	г

Порядок решения

1. Вычертить в масштабе вал, указав буквенные и числовые значения всех величин.

2. Определить нагрузку в сбегающей ветви ремня P из уравнения равновесия $\sum_i^n T_i = 0$.

3. Составить расчётную схему вала. Привести все силы, действующие на шкивы, к оси вала, рассматривая его как балку на двух опорах. Удобно все силы, изгибающие вал, разложить на вертикальную и горизонтальную составляющие.

4. Принять, что на вал действуют внутренние силовые факторы, зависящие от:
- внешнего скручивающего момента;
 - сил, изгибающих вал в вертикальной плоскости;
 - сил, изгибающих вал в горизонтальной плоскости.

5. Построить эпюры крутящих моментов и изгибающих моментов в вертикальной и горизонтальной плоскостях.
6. Построить эпюру суммарного изгибающего момента
- $$M_A = -\sqrt{M_{uz}^2 + M_{ny}^2} \text{ Н}\cdot\text{м}$$
- с указанием значений ординат.

7. По эпюрам T и M_A определить опасное сечение вала и вычислить для него приведённый момент M_{red} в соответствии с заданной гипотезой (теорий прочности).

8. Определить диаметр вала из условия прочности.

9. Определить угол закручивания вала на участке между крайними шкивами, приняв модуль упругости при сдвиге $G = 8 \cdot 10^4 \text{ МПа}$.

Пример решения

Исходные данные по табл. 4:

Столбец	а	б	в	г
Строка	1	1	9	5

Дано: $a = 0,25 \text{ м}$; $R = 0,35 \text{ м}$; $r = 0,25 \text{ м}$; $F = 4,0 \text{ кН}$; $[\sigma] = \sigma_{adm} = 80 \text{ МПа}$; $G = 8 \cdot 10^4 \text{ МПа}$; использовать IV гипотезу прочности.

Стальной вал, нагруженный в местах посадки шкивов, работает на изгиб и кручение (рис. 8).

Требуется определить максимальный диаметр вала и угол закручивания вала между шкивами.

Порядок решения

1. Выполним расчет и графические построения (рис. 9).

2. Определяем нагрузку P в сбегающей ветви ремня (см. рис. 9 а), решив уравнение равновесия $\sum_i^n T_i = 0$:

$$3F \cdot R - (2p - p)r = 0; \\ p = \frac{3FR}{r} = \frac{12 \cdot 0,35}{0,25} = 16,8 \text{ кН.}$$

3. Рассчитываем изгиб вала в вертикальной плоскости (см. рис. 9 б).

Для этого определим реакции опор R_A^B ; R_B^B :

$$\sum M_A^B = -3pa + R_B^B \cdot 3a = 0;$$

$$R_B^B = \frac{3pa}{3a} = \frac{3 \cdot 16,8 \cdot 0,25}{3 \cdot 0,25} = 16,8 \text{ кН.}$$

$$\sum M_B^B = 3p \cdot 2a - R_A^B \cdot 3a = 0; \\ R_A^B = \frac{3p \cdot 2a}{3a} = \frac{3 \cdot 16,8 \cdot 2 \cdot 0,25}{3 \cdot 0,25} = 33,6 \text{ кН.}$$

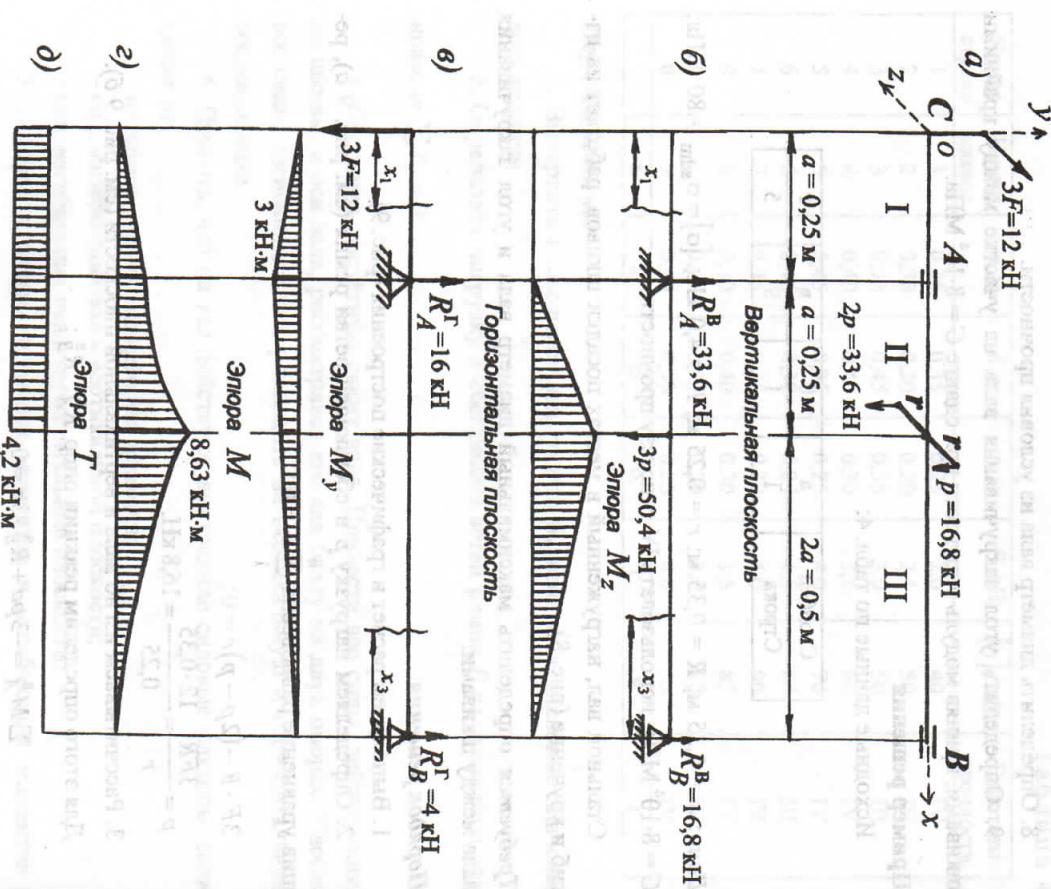


Рис. 9

Проверка: $\sum F_x = R_A^B - 3P + R_B^B = 33,6 - 3 \cdot 16,8 + 16,8 = 0$.
4. Построение эпюры M_z .
Для этого разбиваем стержень CB на грузовые участки I, II, III.

- Участок I:** $0 \leq x_1 < a$; $M_1^B = 0$;
– при $x_1 = 0$ $M_1^B = 0$;
– при $x_1 = a$ $M_1^B = 0$.
- Участок III:** $0 \leq x_3 < 2a$; $M_3^B = R_B \cdot x_3$;
– при $x_3 = 0$ $M_3^B = 0$;
– при $x_3 = 2a$ $M_3^B = R_B \cdot 2a = 16,8 \cdot 0,5 = 8,4 \text{ кН} \cdot \text{м}$.
- По полученным расчетам строится эпюра M_z .
5. Рассчитываем изгиб вала в горизонтальной плоскости (см. рис. 9 *6*). Для этого определим реакции опор R_A^G и R_B^G :
- $$\sum M_A^G = 3F \cdot a - R_B^G \cdot 3a = 0;$$
- $$R_B^G = \frac{3F \cdot a}{3a} = \frac{3 \cdot 4 \cdot 0,25}{3 \cdot 0,25} = 4 \text{ кН};$$
- $$\sum M_B^G = 3F \cdot 4a - R_A^G \cdot 3a = 0;$$
- $$R_A^G = \frac{3F \cdot 4a}{3a} = \frac{3 \cdot 4 \cdot 4 \cdot 0,25}{3 \cdot 0,25} = 16 \text{ кН}.$$
- Проверка:* $\sum F_y = -3F + R_A^G - R_B^G = 0$.
6. Выполняем построение эпюры M_y .
- Участок I:** $0 \leq x_1 < a$; $M_1^I = -3F \cdot x_1$;
– при $x_1 = 0$ $M_1^I = 0$;
- Участок III:** $0 \leq x_3 < 2a$; $M_3^I = -R_B \cdot x_3$;
– при $x_3 = 0$ $M_3^I = 0$;
- при $x_3 = 2a$ $M_3^I = -R_B \cdot 2a = -4 \cdot 2 \cdot 0,25 = -2 \text{ кН} \cdot \text{м}$.
- По полученным результатам строится эпюра M_y .
7. Выполняем построение эпюры суммарных изгибающих моментов (см. рис. 9 *2*) по формуле

$$M = \sqrt{M_y^2 + M_z^2}$$

Участок I: $0 \leq x_1 < a$:

- при $x_1 = 0$ $M = 0$;
- при $x_1 = a$ $M = \sqrt{0^2 + 3^2} = 3 \text{ кН} \cdot \text{м.}$

Участок III: $0 \leq x_3 < 2a$:

- при $x_3 = 0$ $M = 0$;
- при $x_3 = 2a$ $M = \sqrt{8,4^2 + 2^2} = 8,63 \text{ кН} \cdot \text{м.}$

8. Выполняем построение эпюры крутящих моментов

Участок I + II:

$$T = -3F \cdot R = -3 \cdot 4 \cdot 0,35 = -4,2 \text{ кН} \cdot \text{м.}$$

Участок III:

$$T = -3F \cdot R + P \cdot r = -3 \cdot 4 \cdot 0,35 + 16,8 \cdot 0,25 = 0.$$

По полученным данным строится эпюра T (см. рис. 9 д).

Опасным является сечение вала у малого шкива.

Приведенный момент в этом сечении по четвертой теории прочности

$$M_{\text{red}}^{\text{IV}} = \sqrt{M^2 + 0,75T^2} = \sqrt{8,63^2 + 0,75 \cdot 4,2^2} = 9,37 \text{ кН} \cdot \text{м.}$$

9. Определяем наибольший диаметр вала

$$d = \sqrt[3]{\frac{M_{\text{red}}^{\text{IV}}}{0,1[\sigma]}} = \sqrt[3]{\frac{9,37 \cdot 10^3}{0,1 \cdot 80 \cdot 10^6}} = 0,106 \text{ м.}$$

$d = 106 \text{ мм.}$ Принимаем $d = 110 \text{ мм.}$

10. Вычисляем угол закручивания вала между шкивами

$$\Theta = \frac{T \cdot l}{G \cdot J_p} = \frac{4,2 \cdot 10^3 \cdot 2 \cdot 0,25}{8 \cdot 10^4 \cdot 10^6 \cdot 1,464 \cdot 10^{-5}} = 0,18 \cdot 10^{-2} \text{ радиан.}$$

$$J_p = \frac{\pi d^4}{32} = 0,1d^4 = 1,164 \cdot 10^{-5}.$$

Ответ: $d = 110 \text{ мм}; \Theta = 0,18 \cdot 10^{-2} \text{ радиан.}$

11. Проверка: максимальный изгибающий момент в опасном сечении вала равен $M = 9,37 \text{ кН} \cdot \text{м.}$ Построение эпюры крутящего момента показывает, что эпюра не отличается от эпюры изгибающего момента.

4. Устойчивость центрально сжатых стержней

Задача 6. Стальной стержень длиной l сжимается центрально приложенной силой F (рис. 10).

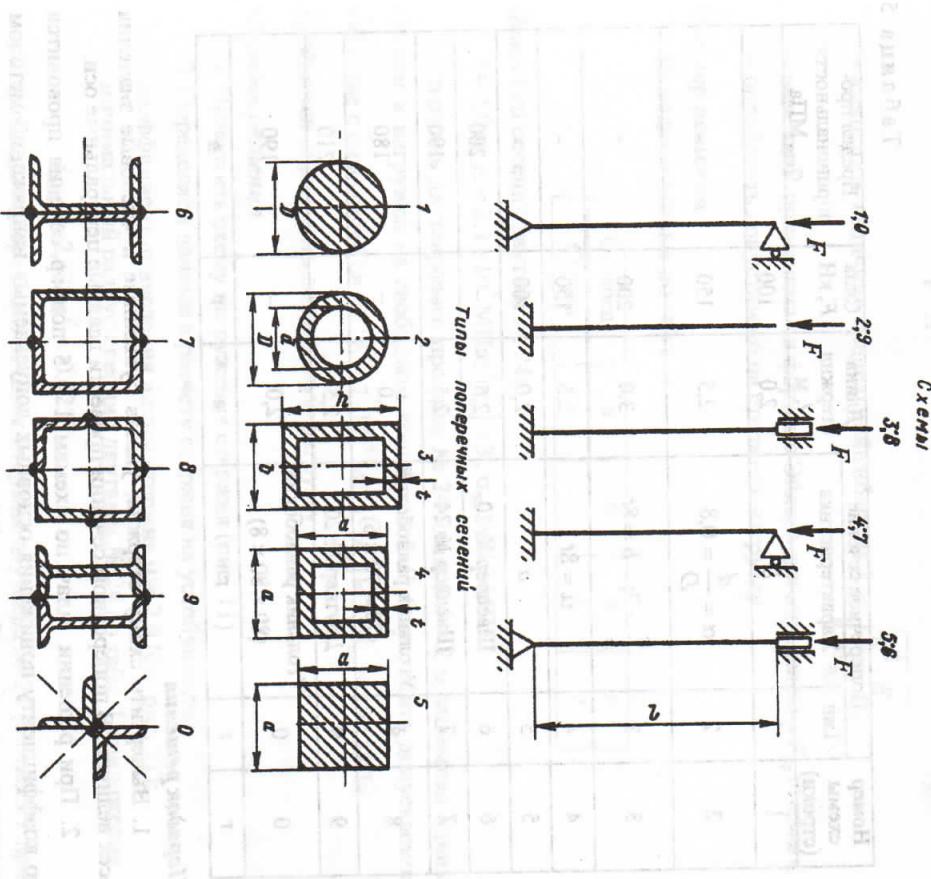


Рис. 10

Требуемое

- В схемах 1–5 подобрать сечение, зная величину центральной сжимающей силы, тип поперечного сечения и схему нагрузления стержня. Допускаемое напряжение для стали $[\sigma] = 160 \text{ МПа}.$

2. В схемах 6 – 0 определить допускаемую нагрузку F центрально сжатого стержня, зная тип и размеры стержня; коэффициент запаса устойчивости стержня $[n_s] = 3$, $E = 2 \cdot 10^5$ МПа.

Исходные данные приведены в табл. 5.

Таблица 5

Номер схемы (строки)	Поперечное сечение	Длина стержня $l, \text{м}$	Сила $F, \text{кН}$	Предел прочности порциональности $\sigma_{\text{пр}}, \text{МПа}$
1	1	D	2,0	100
2	2	$\alpha = \frac{d}{D} = 0,8$	2,5	150
3	$\frac{h}{b} = 2; b = 8t$	3,0	200	-
4	$\alpha = 8t$	2,5	150	-
5	a	2,0	100	-
6	Швейцер № 20	2,5	-	200
7	Швейцер № 24	2,5	-	190
8	Угольник равнобокий $(70 \times 70 \times 6)$	3,0	-	180
9	Двутавр № 20	2,5	-	210
0	Угольник равнобокий $(80 \times 80 \times 8)$	2,0	-	190
Г	Г	Г	В	Г

Порядок решения

1. Вычертить схему стержня, указав буквенные и числовые значения всех величин. В поперечном сечении провести главные центральные оси.

2. При решении задач по схемам 1 – 5 подбор сечения проводится по коэффициенту понижения основных допускаемых напряжений методом последовательных приближений (табл. 4 приложения).

3. При решении задач по схемам 6 – 0:

– выписать из ГОСТа 8239-72 для заданного поперечного сечения следующие величины: площадь сечения A , моменты инерции J_y и J_z для одного профиля стержня (табл. 1 – 3 приложения);

– вычислить величину предельной гибкости $\lambda = \sqrt{\frac{\pi^2 \cdot E}{\sigma_{\text{пр}}}}$;

– так как сечение стержня состоит из нескольких прокатных профилей, по формулам перехода определить главные центральные моменты инерции сложного сечения J_y и J_z , затем определить минимальный радиус инерции сечения стержня $i_{\min} = \sqrt{\frac{J_{\min}}{A}}$ и вычислить гибкость стержня $\lambda = \frac{\mu \cdot l}{i_{\min}}$;

- вычислить величину предельной гибкости $\lambda = \sqrt{\frac{\pi^2 \cdot E}{\sigma_{\text{пр}}}}$;
- выяснить, применима ли формула Эйлера для определения $F_{\text{кр}}$ стержня;
- определить допустимую на стержень нагрузку.

Пример решения

Исходные данные по табл. 5:

Столбец	а	б	в	г
Строка	-	-	0	7

Дано: тип сечения двутавр № 24;

$l = 2,0 \text{ м}; E = 2,1 \cdot 10^5 \text{ МПа}; [n_s] = 3, \sigma_{\text{пр}} = 210 \text{ МПа}.$

Стержень двутаврового профиля № 24 длиной $l = 2 \text{ м}$ защемлен одним концом и нагружен на свободном конце силой F . Определить допускаемое значение сжимающей силы. $E = 2 \cdot 10^5 \text{ МПа}, [n_s] = 3, \sigma_{\text{пр}} = 190 \text{ МПа}.$

Требуется определить допустимую нагрузку.

Порядок решения

1. Вычертить схему нагружения стержня (рис. 11).

2. Определяем данные к расчету стержня на устойчивость: – коэффициент приведения длины стержня $\mu = 2,0$ (см. рис. 11);

– минимальный радиус инерции двутавра № 24 по табл. 1 приложения

$$i_{\min} = 2,37 \text{ см}^2 = 0,0237 \text{ м};$$

– площадь поперечного сечения стержня двутавра № 24 (из табл. 1 приложения)

$$A = 34,8 \text{ см}^2 = 34,8 \cdot 10^{-4} \text{ м}^2;$$

– предельное значение гибкости стержня

$$\lambda_{\lim} = \sqrt{\frac{\pi^2 \cdot E}{\sigma_{\text{пр}}}} = 3,14 \sqrt{\frac{2 \cdot 10^{11}}{190 \cdot 10^6}} = 102.$$

Приложим к стержню единичную силу F , направленную вправо, и определим соответствующий изгибающий момент M . Для этого будем считать, что единичная сила F действует в точке, находящейся на расстоянии a от левого конца стержня.

Изгибающий момент M в точке, находящейся на расстоянии x от левого конца стержня, определяется выражением

$$M = \frac{F}{2}x^2$$

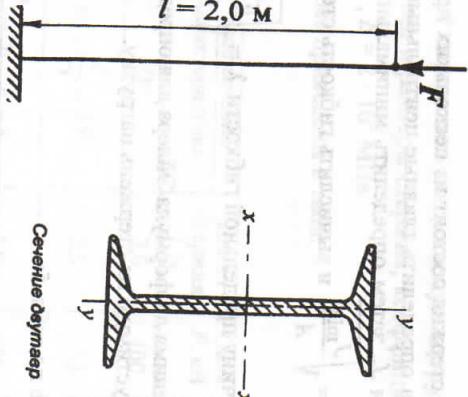


Рис. 11

3. Определяем гибкость стержня

$$\lambda = \frac{\mu l}{i_{\min}} = \frac{2 \cdot 2}{0,0237} = 169$$

Поскольку $\lambda > \lambda_{lim}$, потеря устойчивости происходит в области большой гибкости, где справедлива формула Эйлера.

Примечание. При $60 \leq \lambda \leq 100$ расчет устойчивости проводится по эмпирической формуле Ясинского $\sigma_{kp} = a - b\lambda$, где для стали Ст3 $a = 310$ МПа, $b = 1,14$ МПа.

4. Определяем критическое напряжение по формуле Эйлера

$$\sigma_{kp} = \frac{\pi^2 E}{\lambda^2} = \frac{\pi^2 \cdot 2,1 \cdot 10^{11}}{169^2} = 69 \cdot 10^6 \text{ Па} = 69 \text{ МПа.}$$

5. Определяем допускаемое критическое напряжение

$$[\sigma_{kp}] = \frac{\sigma_{kp}}{n_s} = \frac{69 \cdot 10^6}{3} = 23 \cdot 10^6 = 23 \text{ МПа.}$$

6. Определяем допустимую сжимающую силу

$$[F] = [\sigma_{kp}] \cdot A = 23 \cdot 10^6 \cdot 34,8 \cdot 10^4 = 80040 \text{ Н} = 80 \text{ кН.}$$

Ответ: $[F] = 80 \text{ кН.}$

Контрольная работа № 2

1. Уравновешивание врачающихся деталей

Задача 1. Ротор с известным расположением неуравновешенных масс. Схема ротора приведена на рис. 12.

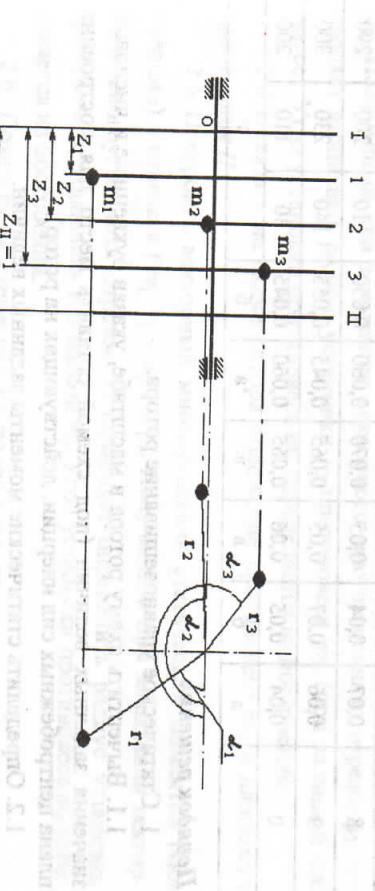


Рис. 12

Требуется

1. Выполнить расчет массы, радиуса и угла установки противовеса для статического уравновешивания заданного ротора.
2. Выполнить расчет масс, радиусов и углов установки противовесов для полного уравновешивания заданного ротора.
3. Проверить правильность проведенных расчетов и графических построений на лабораторной установке.

Исходные данные приведены в табл. 6.

Таблица 6

Строка исходных данных	Масса груза, кг	Расстояние от оси вращения, м	Угол установки груза, град						
1	m_1	m_2	m_3	r_1	r_2	r_3	α_1	α_2	α_3
1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
2	0,06	0,07	0,04	0,045	0,060	0,080	50	140	230
3	0,04	0,06	0,07	0,080	0,045	0,080	60	170	220

Окончание табл. 6

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
4	0,04	0,05	0,06	0,050	0,075	0,075	40	130	220
5	0,05	0,05	0,06	0,075	0,050	0,070	50	170	260
6	0,07	0,06	0,07	0,060	0,055	0,065	130	220	310
7	0,06	0,07	0,04	0,055	0,070	0,045	100	190	280
8	0,07	0,04	0,05	0,070	0,060	0,050	110	200	290
9	0,06	0,07	0,05	0,065	0,045	0,055	140	230	300
0	0,04	0,05	0,06	0,065	0,060	0,045	30	110	200
a	б	в	в	а	б	г			

Порядок решения

1. Статическое уравновешивание ротора.

1.1. Вычертить схему ротора в масштабе, указав буквенные и числовые значения заданных величин (под схемой оставить место для построения плана центробежных сил инерции, действующих на ротор).

1.2. Определить статические моменты заданных величин.

1.3. Составить уравнение статического уравновешивания ротора, для чего ввести в заданную систему дополнительную массу (противовес). При сложении центробежных сил инерции (приведении сил в точку 0 плоскости приведения I) моментами от сил инерции пренебречь.

1.4. Построить векторный многоугольник статических моментов в отрезках ($m_1 \cdot r_1 = k_F \cdot X_1$), в котором каждый отрезок X_1 , X_2 и X_3 параллелен соответствующему радиусу r_1 , r_2 , r_3 . Полученный при замыкании векторного многоугольника отрезок X_1 позволяет определить радиус установки противовеса, задавшись его массой m_1 . Угол установки m_1 определяется из построений.

2.5. Построить векторный многоугольник статических моментов (сил инерции) в отрезках ($m_1 \cdot r_1 = k_F \cdot X_1$). Полученный при замыкании векторного многоугольника отрезок X_1 позволяет определить радиус установки противовеса, задавшись его массой m_1 . Угол установки m_1 определяется из построений.

2.6. Показать на схеме ротора положение противовеса m_1 в плоскости приведения I.

3. Проверить в присутствии преподавателя (начальника лаборатории) на лабораторной установке статическое и полное уравновешивание ротора.

Пример решения

Дано: ротор, в плоскостях которого I, II и III, перпендикулярных его оси вращения, установлены неуравновешенные массы m_1 , m_2 и m_3 . Положения неуравновешенных масс в этих плоскостях заданы радиус-векторами r_1 , r_2 и r_3 ; положение плоскостей I, II и III относительно плоскости приведения I определяется координатами z_1 , z_2 , z_3 и $z_{II} = l$.

Исходные данные выбираем по табл. 6

Столбец	а	б	в	г
Строка	0	0	5	2

Вектора.

2. Полное уравновешивание ротора.

2.1. Вычертить схему ротора в масштабе, указав буквенные и числовые значения заданных величин. Под схемой оставить место для построения планов сил и моментов при полном уравновешивании ротора.

2.2. Составить уравнения полного уравновешивания ротора, для чего ввести в систему две дополнительные массы противовесов, расположив их в плоскостях приведения I и II.

2.3. Построить векторный многоугольник моментов центробежных сил инерции в отрезках ($m_1 \cdot r_1 \cdot z_1 = k_M \cdot y_1$), учитывая, что $z_2 = 2z_1$, $z_3 = 3z_1$ и $z_{II} = l = 4z_1$. Каждый отрезок y_1 , y_2 , y_3 параллелен соответствующему радиусу. Полученный при замыкании векторного многоугольника отрезок y_1 позволяет вычислить радиус установки m_1 (при заданной его массе). Угол установки противовеса m_1 определяется из построений.

2.4. Показать на схеме ротора положение противовеса m_1 в плоскости приведения II.

2.5. Построить векторный многоугольник статических моментов (сил инерции) в отрезках ($m_1 \cdot r_1 = k_F \cdot X_1$). Полученный при замыкании векторного многоугольника отрезок X_1 позволяет определить радиус установки противовеса, задавшись его массой m_1 . Угол установки m_1 определяется из построений.

2.6. Показать на схеме ротора положение противовеса m_1 в плоскости приведения I.

3. Проверить в присутствии преподавателя (начальника лаборатории) на лабораторной установке статическое и полное уравновешивание ротора.

Требуемое

1. Выполнить расчет массы, радиуса и угла установки противовеса для статического уравновешивания ротора.

2. Выполнить расчет масс, радиусов и углов установки противовесов для полного уравновешивания ротора.

Исходные данные	Масса груза, кг	Радиус установки	Угол установки
Значение	$m_1 = 0,04$	$m_2 = 0,05$	$m_3 = 0,06$
	$r_1 = 0,07$	$r_2 = 0,06$	$r_3 = 0,07$
	$\alpha_1 = 60$	$\alpha_2 = 170$	$\alpha_3 = 220$

Решение

1. Статическое уравновешивание ротора.

Воспользуемся расчетной схемой (см. рис. 12).

Условие статического равновесия сил имеет вид

$$\sum_{i=1}^n \vec{F}_{ui} = \vec{F}_{u1} + \vec{F}_{u2} + \vec{F}_{u3} + \vec{F}_{un} = 0,$$

где $F_{ui} = m_i \cdot r_i \cdot \omega^2$ – центробежная сила инерции; m_i – масса груза; r_i – радиус установки груза; ω – угловая скорость ротора ($\omega = \text{const}$).

Перепишем уравнение статического уравновешивания в отрезках:

$$\bar{X}_1 + \bar{X}_2 + \bar{X}_3 + \bar{X}_n = 0,$$

где $X_1 = \frac{m_1 r_1}{k_F} = \frac{0,04 \cdot 0,075}{0,05} = 0,06 \text{ м} = 60 \text{ мм}$;

$$X_2 = \frac{m_2 r_2}{k_F} = \frac{0,05 \cdot 0,06}{0,05} = 0,06 \text{ м} = 60 \text{ мм};$$

$$X_3 = \frac{m_3 r_3}{k_F} = \frac{0,06 \cdot 0,045}{0,05} = 0,054 \text{ м} = 54 \text{ мм};$$

$k_F = 0,05 \frac{\text{кг} \cdot \text{м}}{\text{М}}$ – коэффициент масштаба сил инерции, принимаем

воспользуемся расчетной схемой (см. рис. 12).

Условие полного уравновешивания ротора имеет вид:

$$\sum_{i=1}^n \vec{F}_{ui} = \vec{F}_{u1} + \vec{F}_{u2} + \vec{F}_{u3} + \vec{F}_{u\Pi} + \vec{F}_{uI} = 0; \quad (1)$$

Строим векторный многоугольник статических моментов в отрезках

(рис. 13), замкнув который получим длину отрезка $X_\Pi = 0,076 \text{ м} = 76 \text{ мм}$

и значение угла установки противовеса α_Π .

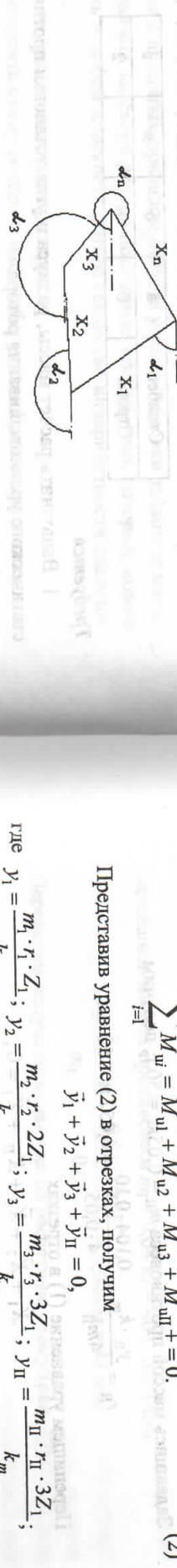


Рис. 14

2. Полное уравновешивание ротора.

Воспользуемся расчетной схемой (см. рис. 12).

Условие полного уравновешивания ротора имеет вид:

$$\sum_{i=1}^n \vec{M}_{ui} = \vec{M}_{u1} + \vec{M}_{u2} + \vec{M}_{u3} + \vec{M}_{u\Pi} + \vec{M}_{uI} = 0; \quad (2)$$

Представив уравнение (2) в отрезках, получим

$$\bar{y}_1 + \bar{y}_2 + \bar{y}_3 + \bar{y}_\Pi = 0,$$

где $y_1 = \frac{m_1 \cdot r_1 \cdot Z_1}{k_m}$; $y_2 = \frac{m_2 \cdot r_2 \cdot 2Z_1}{k_m}$; $y_3 = \frac{m_3 \cdot r_3 \cdot 3Z_1}{k_m}$; $y_\Pi = \frac{m_\Pi \cdot r_\Pi \cdot 3Z_1}{k_m}$;

здесь $Z_1 = 0,076 \text{ м}$, а значение угла установки противовеса $\alpha_\Pi = 338^\circ$.

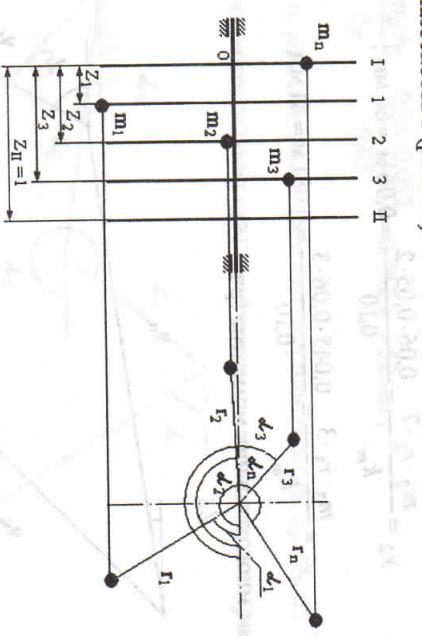
Рис. 13

Приняв массу противовеса, равной $m_\Pi = 0,05 \text{ кг} = 50 \text{ г}$, получим радиус установки противовеса

$$r_\Pi = \frac{X_\Pi \cdot k_F}{m_\Pi} = \frac{0,076 \cdot 0,05}{0,05} = 0,076 \text{ м} = 76 \text{ мм}.$$

Из выполненного построения угол установки противовеса $\alpha_\Pi = 338^\circ$.

Перенесем полученные данные на расчетную схему, взяв за плоскость приведения плоскость I (рис. 14).



k_m – коэффициент масштаба моментов, принимаемый равным

$$k_m = 0,10 \frac{\text{кг} \cdot \text{м}^2}{\text{М}}.$$

Сократив уравнение (2) на постоянную Z_1 , получим

$$Y_1 = \frac{m_1 \cdot r_1}{k_m} = \frac{0,04 \cdot 0,075}{0,10} = 0,03 \text{ м} = 30 \text{ мм};$$

$$Y_2 = \frac{m_2 \cdot r_2 \cdot 2}{k_m} = \frac{0,06 \cdot 0,05 \cdot 2}{0,10} = 0,06 \text{ м} = 60 \text{ мм};$$

$$Y_3 = \frac{m_3 \cdot r_3 \cdot 3}{k_m} = \frac{0,045 \cdot 0,06 \cdot 3}{0,10} = 0,081 \text{ м} = 81 \text{ мм}.$$

Строим многоугольник моментов (рис. 15).

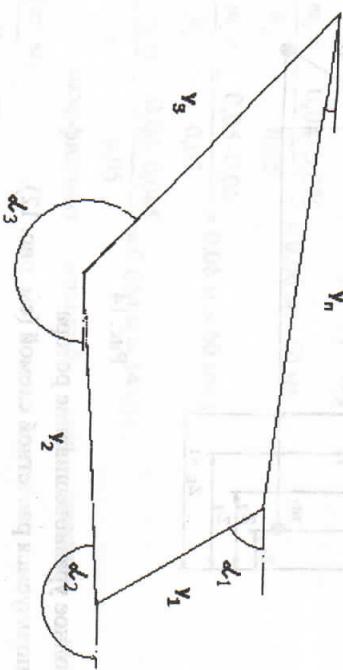


Рис. 15

Из построения получим

$$y_{II} = 0,104 \text{ м} = 104 \text{ мм}, \alpha_{II} = 8^\circ.$$

Задавшись массой противовеса m_{II} = 0,05 кг = 50 г, получим

$$r_{II} = \frac{y_{II} \cdot k_m}{4m_{II}} = \frac{0,104 \cdot 0,10}{4 \cdot 0,05} = 0,052 \text{ м} = 52 \text{ мм}.$$

Перепишем уравнение (1) в отрезках

$$\bar{X}_1 + \bar{X}_2 + \bar{X}_3 + \bar{X}_{II} + \bar{X}_1 = 0,$$

где $X_1 = \frac{m_1 r_1}{k_F} = \frac{0,04 \cdot 0,075}{0,05} = 0,06 \text{ м} = 60 \text{ мм};$

$$X_2 = \frac{m_2 r_2}{k_F} = \frac{0,05 \cdot 0,06}{0,05} = 0,06 \text{ м} = 60 \text{ мм};$$

$$X_3 = \frac{m_3 r_3}{k_F} = \frac{0,06 \cdot 0,045}{0,05} = 0,054 \text{ м} = 54 \text{ мм};$$

$$X_{II} = \frac{m_{II} r_{II}}{k_F} = \frac{0,05 \cdot 0,052}{0,05} = 0,052 \text{ м} = 52 \text{ мм},$$

k_F – коэффициент масштаба сил инерции, равный $k_F = 0,05 \frac{\text{кг} \cdot \text{м}}{\text{М}}$.

Строим многоугольник сил для полного уравновешивания (рис. 16).

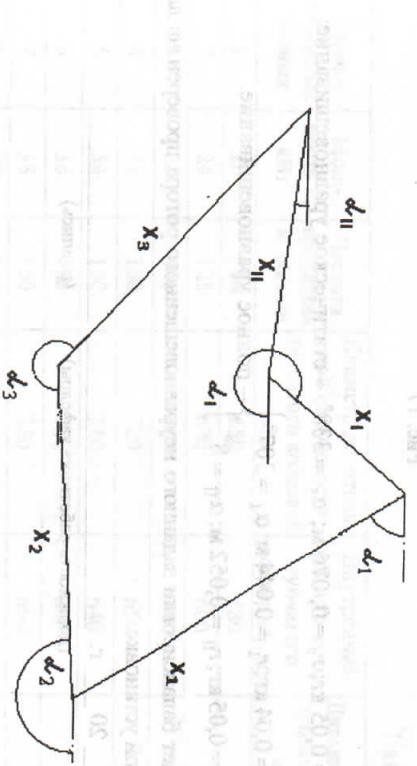


Рис. 16

Из построения получим

$$x_{II} = 0,035 \text{ м} = 35 \text{ мм}, \alpha_I = 30^\circ.$$

Задавшись массой противовеса m_I = 0,04 кг = 40 г, получим

$$r_I = \frac{X_I \cdot k_F}{m_I} = \frac{0,035 \cdot 0,05}{0,04} = 0,044 \text{ м} = 44 \text{ мм}.$$

Перенесем полученные данные на расчетную схему (рис. 17).

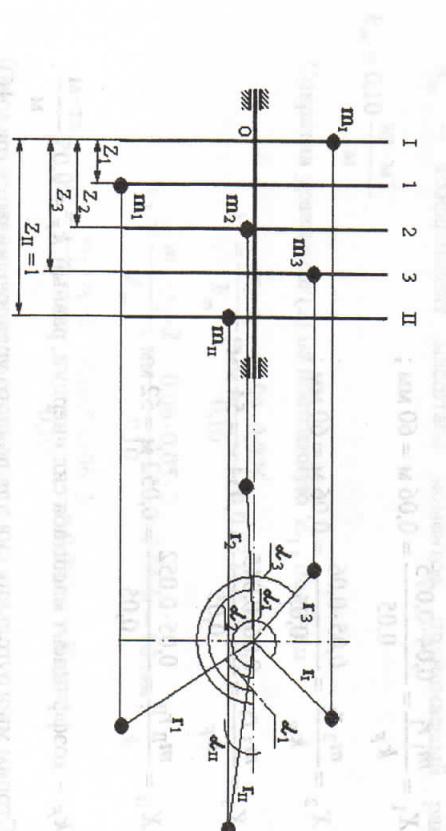


Рис. 17

Определим:

$m_n = 0,05 \text{ кг}$; $r_n = 0,076 \text{ м}$; $\alpha_n = 338^\circ$ – статическое уравновешивание;

$m_1 = 0,04 \text{ кг}$; $r_1 = 0,044 \text{ м}$; $\alpha_1 = 307^\circ$ – полное уравновешивание.

$m_{II} = 0,05 \text{ кг}$; $r_{II} = 0,052 \text{ м}$; $\alpha_{II} = 8^\circ$ – динамическое уравновешивание.

Расчет балансировки заданного неуравновешенного ротора проверен на лабораторной установке.

_____ 20 Г. _____
(должность работника кафедры) (подпись)

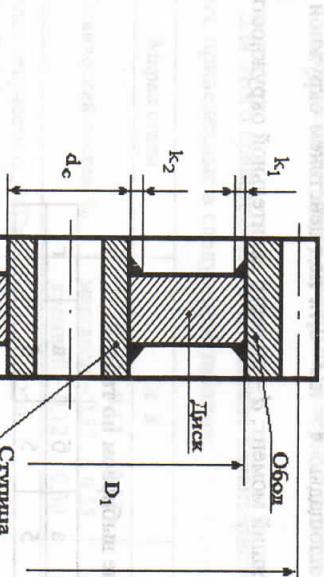


Таблица 7

Строка исходных данных	Мощ- ность P , кВт	Частота вращения зубчатого колеса, n , об/мин	Диаметр делитель- ной окружности зубчатого колеса d , мм	Внутренний диаметр венца зубчатого колеса d_1 , мм	Диаметр ступицы зубчатого колеса d_2 , мм
1	20	120	650	580	140
2	24	125	670	600	135
3	28	140	660	590	155
4	31	130	720	650	170
5	34	150	710	640	160
6	36	160	730	660	150
7	38	150	750	690	140
8	40	200	680	610	145
9	42	180	650	580	165
0	45	200	670	630	180
	a	b	б		в

Порядок решения

Требуется проверить прочность швов сварного зубчатого колеса, соединяющих диск с ободом и со ступицей. Материал диска сталь Ст. 3, ступицы и обода – сталь 20. Толщина швов $k_1 = 10 \text{ мм}$, $k_2 = 8 \text{ мм}$. Нагрузка постоянная. Сварка ручная электродом Э42. Исходные данные приведены в табл. 7.

Задача 2. Составное зубчатое колесо, в котором венец крепится к ступице, а ступица – к ободу с помощью сварки, вращается с частотой n и передает мощность P . Расчетная схема показана на рис. 18.

2. Сварные соединения

Задача 2. Составное зубчатое колесо, в котором венец крепится к ступице, а ступица – к ободу с помощью сварки, вращается с частотой n и передает мощность P . Расчетная схема показана на рис. 18.

1. Вычерпить в масштабе схему соединения венца зубчатого колеса со ступицей, указав буквенные и числовые значения всех величин.

2. Определить допускаемые напряжения для основного материала и сварного плава.

3. Выполнить проверочные расчеты угловых швов соединения. В расчетах принять, что напряжения в сварном шве определяются как напряжения

в кольцевом сечении плюцадью $A = \pi D \cdot 0,7k$ под действием окружной силы

$$F = \frac{2T}{d}, \text{ где } T - \text{ крутящий момент; } d - \text{ диаметр делительной окружности зубчатого колеса.}$$

Пример решения

Исходные данные выбираем по табл. 7.

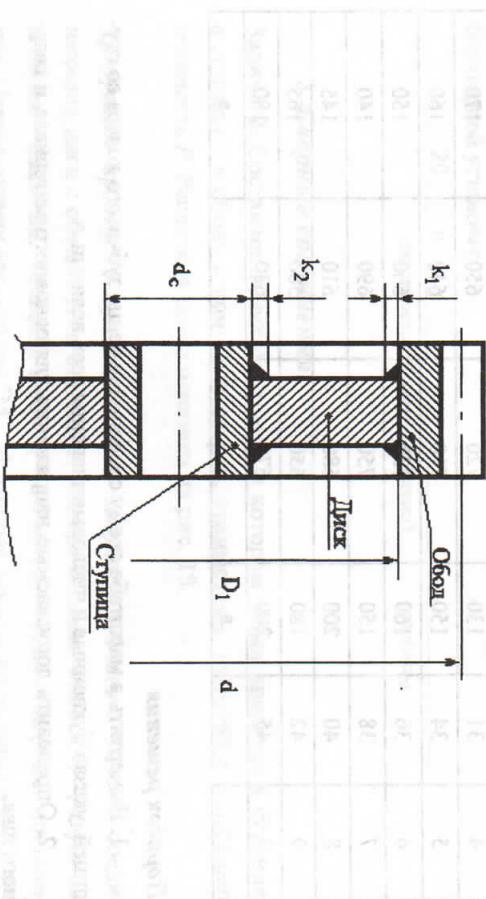
Столбец	а	б	в	г
Строка	5	5	5	-

Дано: Схема зубчатого колеса, материал диска – сталь Ст.3, материал ступицы и обода – сталь 20. Толщина сварных шовов: $k_1 = 10 \text{ мм}$, $k_2 = 8 \text{ мм}$. Сварка ручная, электродом Э42, нагрузка постоянная. Мощность $P = 34 \text{ кВт}$, частота вращения $n = 150 \text{ об/мин}$, диаметр делительной окружности зубчатого колеса $d = 710 \text{ мм}$, внутренний диаметр обода зубчатого колеса $D_1 = 640 \text{ мм}$, диаметр ступицы зубчатого колеса $d_c = 160 \text{ мм}$.

Требуется проверить прочность сварных шовов соединения венца зубчатого колеса с диском и диска со ступицей.

Решение

1. Расчетная схема (рис. 19).



2. Определяем менее прочный материал в заданном сварном соединении.

Для этого сравниваем механические характеристики материалов соединения, приведенные в следующей таблице:

Марка стали	Ст. 3	Ст. 310	20
Химический состав, %	углерод – 0,12 ... 0,22 марганец – 0,35 ... 0,55 кремний – 0,12 ... 0,30	углерод – 0,15 ... 0,25 марганец – 0,35 ... 0,65 кремний – 0,17 ... 0,37	
Предел текучести σ_y , МПа	380	380	400
Относительное удлинение ε_s , %	21	21	25

Заключение. Менее прочным материалом является сталь Ст. 3.

3. Определяем допускаемое напряжение на срез $[\tau_{\text{ш}}]$ по стали Ст. 3 (табл. 5 приложения)

$[\tau_{\text{ш}}] = 0,6 [\sigma_p]$, где $[\sigma_p]$ – допускаемое напряжение при растяжении, МПа;

$$[\sigma_p] = \frac{\sigma_y}{n} = \frac{220}{1,5} = 147 \text{ МПа, где } \sigma_y - \text{предел текучести стали Ст. 3, МПа;}$$

$n = 1,5$ – коэффициент запаса прочности;

$$[\tau_{\text{ш}}] = 0,6 \cdot 147 = 88,2 \text{ МПа.}$$

4. Проверяем швы у обода зубчатого колеса на срез.

Условие прочности имеет вид

$$\tau = \frac{F}{2 \cdot 0,7k_1 \cdot l} \leq [\tau_{\text{ш}}], \text{ где } \tau - \text{напряжение}$$

$$\text{на срез от крутящего момента } F = 2 \cdot 0,7k_1 \cdot l \cdot I \text{ и } I - \text{момент$$

инерции сечения относительно делительной окружности.

где $F = \frac{2T}{d}$ – окружное усилие, Н;

$$l = 30k_1 - \text{условная длина швов, воспринимающих усилие, м;}$$

$$T = \frac{P}{\omega} - \text{крутящий момент, передаваемый зубчатым колесом, Н}\cdot\text{м;}$$

$$\omega = \frac{\pi n}{30} - \text{угловая скорость, 1/c.}$$

$$\omega = \frac{\pi n}{30} = \frac{3,14 \cdot 150}{30} = 15,7 \text{ 1/c;}$$

Рис. 19 Схема к расчету прочности соединений венца колеса с ободом и обода с ступицей

$$T = \frac{34 \cdot 10^3}{15,7} = 2,17 \cdot 10^3 \text{ Н}\cdot\text{м}$$

$$F = \frac{2 \cdot 2,17 \cdot 10^3}{0,71} = 6,12 \cdot 10^3 \text{ Н}$$

$$\tau = \frac{6,12 \cdot 10^3}{2 \cdot 0,7 \cdot 1 \cdot 10^{-2} \cdot 30 \cdot 10^{-2}} = 1,458 \cdot 10^6 \text{ Па} = 1,458 \text{ МПа} \leq [\tau_{ш}]$$

5. Проверяем прочность швов у ступицы: швы у ступицы работают на совместное действие круглого момента и поперечной силы. Условно принимаем, что в передаче усилия участвует 1/3 периметра швов.

5.1. Определяем напряжение от поперечной силы:

$$\frac{F}{A_{cb}} = \frac{6,12 \cdot 10^3}{\frac{1}{3} A_{cb} \cdot \frac{1}{3} \cdot 2 \cdot \pi \cdot (d_c + k_2) \cdot 0,7 k_2} = \frac{1}{3} \cdot 2 \cdot 3,14 \cdot (0,16 + 0,008) \cdot 0,7 \cdot 8 \cdot 10^{-3} = 3,14 \cdot 10^6 \text{ Па} = 3,14 \text{ МПа},$$

где A_{cb} – площадь швов, воспринимающих внешнюю нагрузку;

$$A_{cb} = 2\pi(d_c + k_2) \cdot 0,7 k_2;$$

5.2. Определяем напряжение от круглого момента:

$$\tau_k = \frac{T}{\frac{1}{3} W_d},$$

где W_p – момент сопротивления при кручении или полярный момент сопротивления, который для тонкостенного кольца с достаточной точностью определяется как произведение площади кольца на его средний радиус,

$$W_p = A_{ca} \frac{d_c + k_2}{2}.$$

$$\tau_k = \frac{T}{\frac{1}{3} \cdot A_{ca} \cdot \left(\frac{d_c + k_2}{2} \right)};$$

$$\tau_k = \frac{1}{\frac{1}{3} \cdot A_{ca} \cdot \left(\frac{d_c + k_2}{2} \right)} = \frac{1}{\frac{1}{3} \cdot 2\pi(d_c + k_2) \cdot 0,7 \cdot k_2 \cdot \left(\frac{d_c + k_2}{2} \right)} =$$

Ответ:

$$\tau = \tau_F + \tau_k = 3,14 \cdot 10^6 + 14,5 \cdot 10^6 = 17,64 \cdot 10^6 \text{ Па} = 17,64 \text{ МПа.}$$

$$= \frac{2,17 \cdot 10^3}{\frac{1}{3} \cdot 2 \cdot 3,14 \cdot (0,16 + 0,008) \cdot 0,7 \cdot 0,008 \cdot \left(\frac{0,16 + 0,008}{2} \right)} = 14,5 \cdot 10^6 \text{ Па} = 14,5 \text{ МПа.}$$

Задача 3. Поперечно-свертная (фланцевая) муфта (рис. 20) передает мощность P и вращается с частотой n . Полумуфты соединены между собой группой болтов.

3. Резьбовое соединение

Задача 3. Поперечно-свертная (фланцевая) муфта (рис. 20) передает мощность P и вращается с частотой n . Полумуфты соединены между собой группой болтов.

Требуется:

1. Определить размеры болтов крепления полумуфты. Болты расположены по окружности D_0 . Материал полумуфты – сталь, болтов – сталь 40. Нагрузка постоянная. Числом болтов задается.

2. Рассмотреть два варианта: а) болты поставлены в отверстия с зазором; б) болты поставлены в отверстия с зазором. Исходные данные приведены в табл. 8.

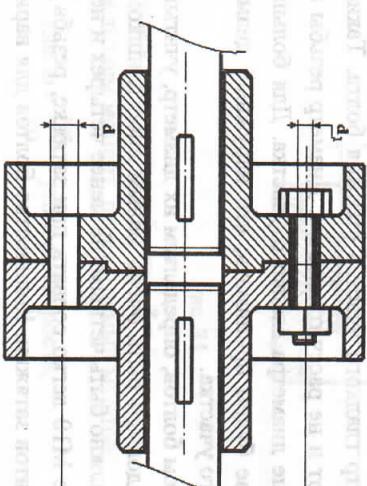


Рис. 20

Таблица 8

Строка исходных данных	Мощность P , кВт	Частота вращения n , об/мин	Диаметр установки болтов D_0 , мм	Коэффициент трения между стягивающими, f	Коэффициент запаса от сквига деталей, k
1	50	110	180	0,20	1,5
2	60	100	200	0,18	1,4
3	50	120	230	0,21	1,5
4	80	130	250	0,19	1,4
5	60	100	200	0,20	1,5
6	80	140	210	0,18	1,3
7	100	100	220	0,19	1,5
8	90	100	210	0,20	1,5
9	100	130	240	0,20	1,4
0	40	120	230	0,21	1,6
а		б	в	г	б

Порядок решения

1. Вычерчить схему соединения валов с помощью фланцевой муфты, указав буквенные обозначения геометрических характеристик соединения.

2. Определить допускаемые напряжения резьбовой детали (болта) в зависимости от материала и характера нагрузки. Затяжку болтов считать неизменной (табл. 6 приложения).

3. Принять метрическую резьбу с крупным шагом таким образом, чтобы внутренний диаметр принятой резьбы был ближайшим большим по отношению к полученному при расчетах (см. табл. 7 приложения).

4. При расчете болтов, поставленных в отверстие без зазора, в результате определяется диаметр гладкого участка стержня болта. Такие болты на растяжение не работают и не рассчитываются. Диаметр резьбы в этом случае может быть меньше диаметра гладкого участка. Для большей определенности в этом случае будем принимать, что наружный диаметр резьбы равен диаметру гладкого участка.

5. Задавшись числом болтов, определяем их диаметр, учитывая, что полученный диаметр не должен быть очень малым либо слишком большим, а количество болтов должно быть четным (не менее четырех и не более двенадцати). Резьбу менее М10 легко сорвать при затяжке, резьба более М30 требует высоких моментов затяжки. Количество болтов для вариантов с зазором и без него в реальных условиях может отличаться, однако при решении задач из методических соображений количество болтов следует принимать одинаковым.

Пример решения
Исходные данные выбираем по табл. 8:

Столбец	а	б	в	г
Строка	0	7	9	—

Дано: болтовое соединение полумуфт дисковой фланцевой муфты (рис. 10). Передаваемая мощность $P = 40$ кВт; число оборотов муфты $n = 100$ об/мин; $D_0 = 240$ мм; $f = 0,2$; $k = 1,5$. Нагрузка постоянная, затяжка болтов неконтролируемая.

Решение

1. Вычерчиваем расчетную схему (рис. 21).

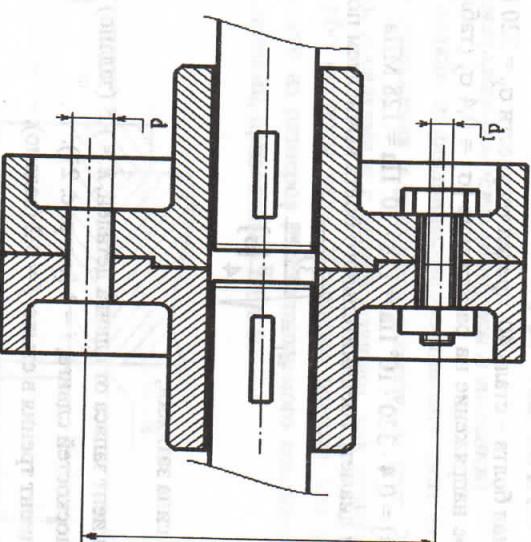


Рис. 21

2. Задаемся количеством болтов $Z = 6$.
3. Определяем момент, передаваемый муфтой:

$$T = \frac{P}{\omega}$$
, где $\omega = \frac{\pi n}{30}$ – угловая скорость,

$$T = \frac{30P}{\pi \cdot n} = \frac{30 \cdot 40 \cdot 10^3}{3,14 \cdot 100} = 3900 \text{ Н}\cdot\text{м} = 3,9 \text{ кН}\cdot\text{м}.$$

4. Определяем усилие, приходящееся на соединительные болты:

$$F_{\text{сум}} = \frac{2T}{D_0} = \frac{2 \cdot 3,9 \cdot 10^3}{0,24} = 32500 \text{ Н} = 32,5 \text{ кН};$$

5. Определяем усилие, приходящееся на один болт:

$$F = \frac{F_{\text{сум}}}{Z} = \frac{32,5 \cdot 10^3}{6} = 5,42 \cdot 10^3 \text{ Н} = 5,42 \text{ кН}.$$

6. Определяем размеры болтов:

вариант a – болт поставлен в отверстия с зазором;

вариант b – болт поставлен в отверстия без зазора.

Variant a
Определяем внутренний диаметр болта d_1 из условия прочности на растяжение. Материал болта – сталь 40, предел текучести $\sigma_y = 320 \text{ МПа}$.

Допускаемое напряжение на растяжение $[\sigma] = 0,4 \cdot \sigma_y$ (табл. 6 приложения).

$$[\sigma] = 0,4 \cdot 320 \cdot 10^6 \text{ Па} = 128 \cdot 10^6 \text{ Па} = 128 \text{ МПа}.$$

Внутренний диаметр соединительного болта вычисляем по формуле

$$d_1 = \sqrt{\frac{1,3F_{\text{зат}}}{\pi[\sigma]}},$$

где $F_{\text{зат}} = \frac{kF}{if}$ – сила затяжки,

k – коэффициент запаса от сдвига деталей, $k = 1,5$ (задано)

i – число плоскостей свивга, $i = 1$ (см. рис. 21).

f – коэффициент трения в стыке, $f = 0,2$ (задано).

Подставив численные значения, получим

$$d_1 = \sqrt{\frac{4 \cdot 1,3F_{\text{зат}}}{\pi[\sigma]if}} = \sqrt{\frac{4 \cdot 1,3kF}{\pi[\sigma]if}} = \sqrt{\frac{4 \cdot 1,3 \cdot 1,5 \cdot 5,42 \cdot 10^3}{3,14 \cdot 128 \cdot 10^6 \cdot 1 \cdot 0,2}} = 0,023 \text{ м} = 23 \text{ мм.}$$

По ГОСТ 9150-81 выбираем резьбу с ближайшим большим внутренним диаметром d_1 (см. табл. 7 приложения), $d_1 = 23,752 \text{ мм}$, что соответствует болту M27×3. Номинальный диаметр 27 мм, шаг 3 мм.

Variant b

Определяем наружный диаметр болта d из условия прочности на срез.

Материал болта сталь 40, $\sigma_y = 320 \text{ МПа}$.

Определяем допускаемое напряжение на срез:

$$[\tau_{\text{ср}}] = 0,25\sigma_y = 0,25 \cdot 320 = 80 \text{ МПа.}$$

Наружный диаметр болта вычисляем по формуле

$$d = \sqrt{\frac{4F}{\pi[\tau_{\text{ср}}]}} = \sqrt{\frac{4 \cdot 5,42 \cdot 10^3}{3,14 \cdot 80 \cdot 10^6}} = 9,3 \cdot 10^{-3} \text{ м} = 9,3 \text{ мм.}$$

По ГОСТ принимаем болт М10 (см. табл. 7 приложения).

Ответ:

- 1) число болтов – 6;
- 2) для варианта соединения с зазором – болт M27×3;
- 3) для варианта соединения без зазора – болт M10.

4. Взаимозаменяемость (допуски и посадки)

Задача 4. Гладкие цилиндрические соединения типа вала с вкладышем подшипника скольжения и вкладыша с корпусом (рис. 22), выполненные с различными посадками и с использованием, как правило, либо системы отверстия, либо системы вала. Исходные данные для расчета допусков и посадок одного из размеров рассматриваемого соединения, выделенного размерными линиями, приведены в табл. 9.

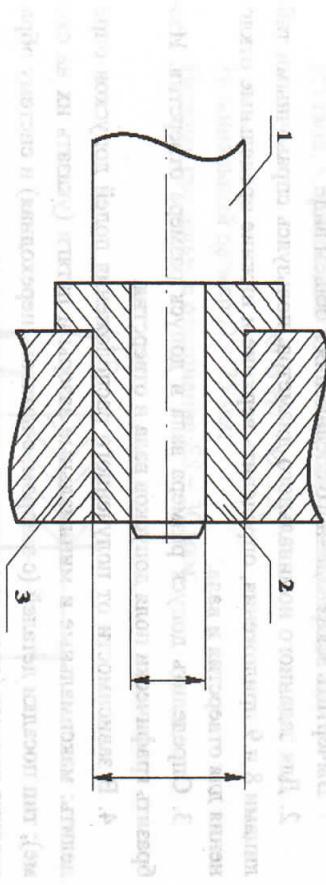


Рис. 22. Схема соединения: 1 – вал; 2 – вкладыш подшипника; 3 – корпус.
Требуемое: соединение выполнено в (без зазора) посадку вала в подшипник и вкладыш в корпус.

1. Определить предельные отклонения, величины наибольших и наименьших зазоров и натягов.

2. Определить допуск посадки, вид посадки (с зазором, с натягом, переходная).

3. Построить схему расположения полей допусков в соединении и показать предельные зазоры и натяги.

Таблица 9

Строка исходных данных	Номинальный диаметр соединения d , мм	Вид посадки
1	40	H7/h6
2	100	H7/f7
3	125	H7/f6
4	50	H7/p6
5	35	H8/n8
6	50	G7/h6
7	75	K7/j6
8	90	H7/k6
9	110	E9/h8
0	150	D11/h9

Пример

Исходные данные по табл. 9:

a	b	v	g
-	-	1	7

Дано: Гладкое цилиндрическое соединение по типу $\varnothing 75$ H7/h9 (рис. 22).

1. Определить:

1.1. Предельные отклонения отверстия и вала (ES , EL , es , ei).

1.2. Допуски отверстия и вала (T_s , T_D).

1.3. Наибольший и наименьший зазор/натяг (S_{max} , S_{min} , N_{max} , N_{min}).

1.4. Допуск посадки (T_S , T_N), средний зазор/натяг.

2. По полученным характеристикам соединения построить схему полей допусков с предельными зазорами или натягами.

3. Определить систему посадок.

4. Указать на соединении вала с подшипником скольжения и подшипника с корпусом возможное исполнение заданной посадки.

Решение:

1. Определить

1.1. Предельные отклонения: $ES = 0 + 0,03 = 0,03$; $el = -0,03 - (-0,03) = 0$; $es = 0 + 0,03 = 0,03$

а) отверстие (рис. 23).

Из табл. 8 приложения для отверстия $\varnothing 75$ H7 определяем

$$\varnothing 75 \text{ H7} = \varnothing 75^{+0,03}_{-0,03}$$

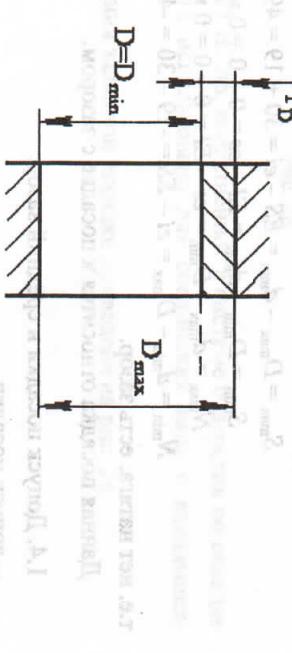
Номинальный размер $D = 75$ мм; $ES = 0,03$; $el = -0,03$; $es = 0$

Верхнее предельное отклонение $ES = 30$ мкм;

нижнее предельное отклонение $el = -30$ мкм.

2. Определить максимальные и минимальные зазоры и натяги (указать их на схеме); тип посадки деталей (с зазором, с натягом, переходная) и систему обработки посадок (система отверстия или система вала).

3. Нанести заданный размер на одну из размерных линий соединения, учитывая, что соединения вала с вкладышем подшипника скольжения должно быть выполнено только с зазором, а соединение вкладыша подшипника скольжения с корпусом должно быть выполнено с натягом или по переходной посадке.



Нижнее предельное отклонение $EI = 0$ мкм;

$$D_{\max} = D + ES = 75 + 0,03 = 75,03 \text{ мм};$$

$$D_{\min} = D + EI = 75 + 0 = 75 \text{ мм}.$$

б) вал (рис. 24).

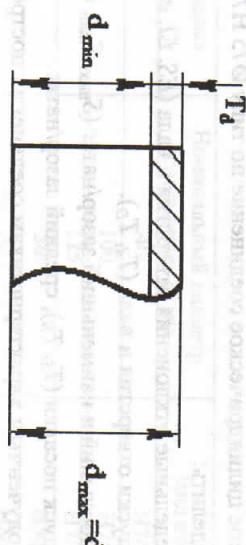


Рис. 24

Из табл. 9 приложения определяем $\varnothing 75 \text{ h}6 = \varnothing 75_{-0,019}$.

Номинальный размер $d = 75$ мм.

Верхнее предельное отклонение $es = 0$ мкм.

Нижнее предельное отклонение $ei = -19$ мкм.

$$d_{\max} = d + es = 75 + 0 = 75 \text{ мм};$$

$$d_{\min} = d + ei = 75 - 0,019 = 74,981 \text{ мм}.$$

1.2. Допуски отверстия и вала:

а) отверстие: допуск отверстия

$$T_D = D_{\max} - D_{\min} = ES - EI = 75,03 - 75 = 0,03 \text{ мм}.$$

б) вал: допуск вала $T_d = d_{\max} - d_{\min} = es - ei = 75 - 74,981 = 0,019 \text{ мм}.$

1.3. Наибольшие и наименьшие зазоры или натяги:

$$S_{\max} = D_{\max} - d_{\min} = ES - ei = 30 + 19 = 49 \text{ мкм};$$

$$S_{\min} = D_{\min} - d_{\max} = EI - es = 0 - 0 = 0 \text{ мкм};$$

$$N_{\max} = d_{\max} - D_{\min} = es - EI = 0 - 0 = 0 \text{ мкм};$$

$$N_{\min} = d_{\min} - D_{\max} = ei - ES = -19 - 30 = -49 \text{ мкм},$$

т.е. нет натяга, есть зазор.

Данная посадка относится к посадке с зазором.

1.4. Допуск посадки и средний зазор:

– допуск посадки

$$T_S = S_{\max} - S_{\min} = 49 - 0 = 49 \text{ мкм};$$

– средний зазор/натяг

$$S_m = \frac{S_{\max} + S_{\min}}{2} = \frac{49 + 0}{2} = 24,5 \text{ мкм}.$$

Схема поясок допуска приведена на рис. 25.

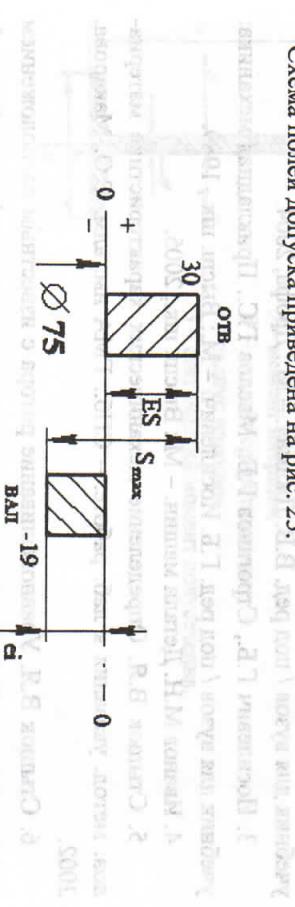


Рис. 25

3. Соединение $\varnothing 75 \text{ H}7/h6$, выполненное в системе отверстия по посадке с зазором, может быть использовано для соединения вала с вкладышем подшипника.

4. Схема исполнения заданной посадки приведена на рис. 26.

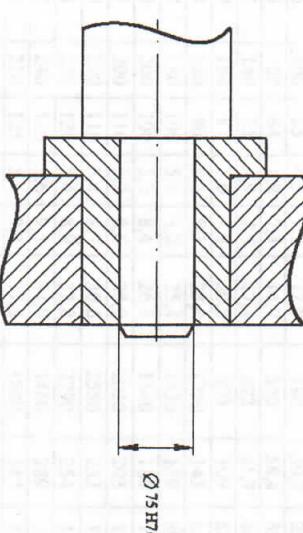


Рис. 26

3. Соединение $\varnothing 75 \text{ H}7/h6$, выполненное в системе отверстия по посадке с зазором, может быть использовано для соединения вала с вкладышем подшипника.

4. Схема исполнения заданной посадки приведена на рис. 26.

Таблица 5

Допускаемые напряжения

Вид технологического процесса сварки	Допускаемые напряжения		
	при растяжении [σ'_p]	при скажии [$\sigma'_{ск}$]	при срезе [σ'_m]
Автоматическая, ручная электродами Э42А и Э50А, в среде защитного газа, контактнаястыковая	[σ_p]	[σ_p]	0,65 [σ_p]
Ручная электродами Э42, Э50 (обычного качества), газовая сварка	0,9 [σ_p]	[σ_p]	0,6 [σ_p]
Контактная сварка	—	—	0,5 [σ_p]

Примечание. [σ_p] – допускаемое напряжение при растяжении основного металла соединяемых деталей при статической нагрузке [$\sigma_p] = \frac{\sigma_y}{n}$, где σ_y – предел текучести, $n \approx 1,4 \dots 1,6$ – коэффициент запаса прочности.

Таблица 7

Резьба метрическая (извлечение из ГОСТ 9150-81)

Номинальный диаметр d , мм	Шаг p , мм	Резьба с крупным шагом		Резьба с мелким шагом	
		Внутренний диаметр d_1 , мм	Средний сечения $A \cdot 10^{-4}$, м^2	Шаг p , мм	Внутренний диаметр d_2 , мм
6	1,00	4,918	5,350	0,178	0,75
8	1,25	6,647	7,188	0,329	1,00
10	1,50	8,376	9,026	0,523	1,25
12	1,75	10,106	10,863	0,763	1,25
(14)	2,00	11,835	12,701	1,045	1,50
16	2,00	13,835	14,701	1,440	1,50
(18)	2,50	15,294	16,376	1,750	1,50
20	2,50	17,294	18,376	2,260	1,50
(22)	2,50	19,294	20,376	2,820	1,50
24	3,00	20,752	22,051	3,240	2,00
(27)	3,00	23,752	25,051	4,270	2,00
30	3,50	26,211	27,727	5,180	2,00
36	4,00	31,670	33,402	7,600	3,00
				32,752	34,051

Материал болта	Допускаемое напряжение для резьбовых соединений	
	при [G]	при [G]
М6 ... М16	M 16 ... M 30	
Углеродистая сталь	(0,20 ... 0,25) · σ_y	(0,25 ... 0,40) · σ_y
Легированная сталь	(0,10 ... 0,30) · σ_y	(0,20 ... 0,30) · σ_y

Примечания. 1. Диаметры, заключённые в скобки, по возможности не применять.

2. Резьба с крупным шагом обозначается буквой М и диаметром (M 24), резьба с мелким шагом обозначается буквой М, диаметром и шагом (M 24×2).

3. Расчетную площадь A сечения болта определять по формуле

$$A = \frac{\pi \cdot d_1^2}{4},$$

где d_1 расчет = $d - 1,227$ р.

Таблица 7

