

$A_1=4$ см; $\omega_1=\pi$ с⁻¹; $A_2=8$ см; $\omega_2=\pi$ с⁻¹; $t=1$ с. Найти уравнение траектории и начертить ее с соблюдением масштаба. $\square [2x+y=0]$

20. Поперечная волна распространяется вдоль упругого шнура со скоростью $v=15$ м/с. Период колебаний точек шнура $T=1,2$ с. Определить разность фаз $\Delta\varphi$ колебаний двух точек, лежащих на луче и отстоящих от источника волн на расстояниях $x_1=20$ м и $x_2=30$ м. $\square [200^\circ]$

3. Для специальностей, учебными планами которых предусмотрено по курсу общей физики пять контрольных работ

Вариант	Номера задач							
0	107	112	117	133	141	149	157	166
1	102	113	118	136	143	150	159	165
2	106	114	120	138	145	152	161	167
3	101	116	121	140	147	151	160	170
4	105	115	118	134	142	153	162	171
5	103	110	122	135	144	154	161	172
6	101	109	120	137	146	155	157	166
7	104	116	123	139	148	149	158	165
8	106	111	124	140	141	150	163	168
9	108	113	119	134	142	156	164	169

КОНТРОЛЬНАЯ РАБОТА 1

101. Точка движется по окружности радиусом $R=1,2$ м. Уравнение движения точки $\varphi=At+Bt^3$, где $A=0,5$ рад/с; $B=0,2$ рад/с³. Определить тангенциальное a_t , нормальное a_n и полное a ускорения точки в момент времени $t=4$ с.

102. Определить скорость v и полное ускорение a точки в момент времени $t=2$ с, если она движется по окружности радиусом $R=1$ м согласно уравнению $\xi=At+Bt^3$, где $A=8$ м/с; $B=-1$ м/с³; ξ — криволинейная координата, отсчитанная от некоторой точки, принятой за начальную, вдоль окружности.

103. По прямой линии движутся две материальные точки согласно уравнениям: $x_1=A_1+Bi_1t+C_1t^2$ и $x_2=A_2+Bi_2t+C_2t^2$, где $A_1=-10$ м; $B_1=1$ м/с; $C_1=-2$ м/с²; $A_2=3$ м; $B_2=2$ м/с; $C_2=0,2$ м/с². В какой момент времени t скорости этих точек будут одинаковы? Найти ускорение a_1 и a_2 этих точек в момент $t=3$ с.

104. Определить полное ускорение a в момент $t=3$ с точки, находящейся на ободе колеса радиусом $R=0,5$ м, вращающегося согласно уравнению $\varphi=At+Bt^3$, где $A=2$ рад/с; $B=0,2$ рад/с³.

105. Точка движется по окружности радиусом $R=8$ м. В некоторый момент времени нормальное ускорение точки $a_n=4$ м/с², вектор полного ускорения a образует в этот момент с вектором нормального ускорения a_n угол $\alpha=60^\circ$. Найти скорость v и тангенциальное ускорение a_t точки.

106. Точка движется по прямой согласно уравнению $x=At+$

* $+Bt^3$, где $A=6$ м/с; $B=-0,125$ м/с³. Определить среднюю путевую* скорость $\langle v \rangle$ точки в интервале времени от $t_1=2$ с до $t_2=6$ с.

107. Материальная точка движется прямолинейно. Уравнение движения имеет вид $x=At+Bt^3$, где $A=3$ м/с; $B=0,06$ м/с³. Найти скорость v и ускорение a точки в моменты времени $t_1=0$ и $t_2=3$ с. Каковы средние значения скорости $\langle v_x \rangle$ и ускорения $\langle a_x \rangle$ за первые 3 с движения?

108. Диск радиусом $R=0,2$ м вращается согласно уравнению $\varphi=A+Bt+Ct^3$, где $A=3$ рад; $B=-1$ рад/с; $C=0,1$ рад/с³. Определить тангенциальное a_t , нормальное a_n и полное a ускорения точек на окружности диска для момента времени $t=10$ с.

109. С высоты $h=2$ м на стальную плиту свободно падает шарик массой $m=200$ г и подпрыгивает на высоту $h_1=0,5$ м. Определить импульс p , полученный шариком при ударе.

110. При горизонтальном полете со скоростью $v=250$ м/с снаряд массой $m=8$ кг разорвался на две части. Большая часть массой $m_1=6$ кг получила скорость $u_1=400$ м/с в направлении полета снаряда. Определить модуль и направление скорости u_2 меньшей части снаряда.

111. С тележки, свободно движущейся по горизонтальному пути со скоростью $v_1=3$ м/с, в сторону, противоположную движению тележки, прыгает человек, после чего скорость тележки изменилась и стала равной $v_1=4$ м/с. Определить горизонтальную составляющую скорости u_{2x} человека при прыжке относительно тележки. Масса тележки $m_1=210$ кг, масса человека $m_2=70$ кг.

112. Орудие, жестко закрепленное на железнодорожной платформе, производит выстрел вдоль полотна железной дороги под углом $\alpha=30^\circ$ к линии горизонта. Определить скорость u_2 отката платформы, если снаряд вылетает со скоростью $u_1=480$ м/с. Масса платформы с орудием и снарядами $m_2=18$ т, масса снаряда $m_1=60$ кг.

113. Две одинаковые лодки массами $m=200$ кг каждая (вместе с человеком и грузами, находящимися в лодках) движутся параллельными курсами навстречу друг другу с одинаковыми скоростями $v=1$ м/с. Когда лодки поравнялись, то с первой лодки на вторую и со второй на первую одновременно перебрасывают грузы массами $m_1=20$ кг. Определить скорости u_1 и u_2 лодок после перебрасывания грузов.

114. Определить импульс p , полученный стенкой при ударе о нее шарика массой $m=300$ г, если шарик двигался со скоростью $v=8$ м/с под углом $\alpha=60^\circ$ к плоскости стенки. Удар о стенку считать упругим.

115. На полу стоит тележка в виде длинной доски, снабженной легкими колесами. На одном конце доски стоит человек. Масса его $m_1=60$ кг, масса доски $m_2=20$ кг. С какой скоростью v (относительно пола) будет двигаться тележка, если человек пойдет вдоль нее со скоростью (относительно доски) $v=1$ м/с? Массой колес пре-небречь, трение не учитывать.

116. Снаряд, летевший со скоростью $v=400$ м/с, разорвался на два осколка. Меньший осколок, масса которого составляет 40 % от массы снаряда, полетел в противоположном направлении со скоростью $u_1=150$ м/с. Определить скорость u_2 большего осколка.

* См., например, Детлаф А. А. и др. Курс физики. М., 1973, т. 1, § 1.2.

117. В подвешенный на нити длиной $l=1,8$ м деревянный шар массой $m_1=8$ кг попадает горизонтально летящая пуля массой $m_2=4$ г. С какой скоростью летела пуля, если нить с шаром и застрявшей в нем пулей отклонилась от вертикали на угол $\alpha=3^\circ$? Размером шара пренебречь. Удар пули считать прямым, центральным.

118. По небольшому куску мягкого железа, лежащему на наковальне массой $m_1=300$ кг, ударяет молот массой $m_2=8$ кг. Определить к. п. д. η удара, если удар неупругий. Полезной считать энергию, затраченную на деформацию куска железа.

119. Шар массой $m_1=1$ кг движется со скоростью $v_1=4$ м/с и сталкивается с шаром массой $m_2=2$ кг, движущимся навстречу ему со скоростью $v_2=3$ м/с. Каковы скорости u_1 и u_2 шаров после удара? Удар считать абсолютно упругим, прямым, центральным.

120. Шар массой $m_1=3$ кг движется со скоростью $v_1=2$ м/с и сталкивается с покоявшимся шаром массой $m_2=5$ кг. Какая работа будет совершена при деформации шаров? Удар считать абсолютно неупругим, прямым, центральным.

121. Определить к. п. д. η неупругого удара бойка массой $m_1=0,5$ кг, падающего на сваю массой $m_2=120$ кг. Полезной считать энергию, затраченную на вбивание сваи.

* 122. Шар массой $m_1=4$ кг движется со скоростью $v_1=5$ м/с и сталкивается с шаром массой $m_2=6$ кг, который движется ему навстречу со скоростью $v_2=2$ м/с. Определить скорости u_1 и u_2 шаров после удара. Удар считать абсолютно упругим, прямым, центральным.

123. Вагон массой $m=35$ т движется на упор со скоростью $v=0,2$ м/с. При полном торможении вагона буферные пружины сжимаются на $\Delta l=12$ см. Определить максимальную силу F_{\max} сжатия буферных пружин и продолжительность Δt торможения.

124. Шар массой $m_1=5$ кг движется со скоростью $v_1=1$ м/с и сталкивается с покоявшимся шаром массой $m_2=2$ кг. Определить скорости u_1 и u_2 шаров после удара. Удар считать абсолютно упругим, прямым, центральным.

125. Лодка длиной $l=3$ м и массой $m=120$ кг стоит на спокойной воде. На носу и корме находятся два рыбака массами $m_1=60$ кг и $m_2=90$ кг. На сколько сдвинется лодка относительно воды, если рыбаки поменяются местами?

126. Плот массой $m_1=150$ кг и длиной $l=2$ м плавает на воде. На плоту находится человек, масса которого $m_2=80$ кг. С какой наименьшей скоростью v и под каким углом α к плоскости горизонта должен прыгнуть человек вдоль плота, чтобы попасть на его противоположный край?

127. На покоящийся шар массой $m_1=5$ кг налетает со скоростью $v_2=5$ м/с шар массой $m_2=3$ кг. Направление движения второго шара изменилось на угол $\alpha=45^\circ$. Определить скорости u_1 и u_2 шаров после удара, считая шары абсолютно упругими.

128. Атом распадается на две части массами $m_1=1,6 \cdot 10^{-25}$ кг и $m_2=2,3 \cdot 10^{-25}$ кг. Определить кинетические энергии T_1 и T_2 частей атома, если их общая кинетическая энергия $T=2,2 \cdot 10^{-14}$ Дж. Кинетической энергией и импульсом атома до распада пренебречь.

129. На сколько переместится относительно берега лодка длиной $l=3,5$ м и массой $m_1=200$ кг, если стоящий на корме человек массой $m_2=80$ кг переместится на нос лодки? Считать лодку расположенной перпендикулярно берегу.

130. С наклонной плоскости высотой $h=3$ м соскальзывает без трения тело массой $m=0,5$ кг. Определить изменение Δp импульса тела.

131. Шар массой $m_1=2$ кг сталкивается с покоящимся шаром большей массы и при этом теряет 40 % кинетической энергии. Определить массу m_2 большего шара. Удар считать абсолютно упругим, прямым, центральным.

132. Частица массой $m_1=4 \cdot 10^{-20}$ г сталкивается с покоящейся частицей массой $m_2=10^{-19}$ г. Считать столкновение абсолютно упругим, определить максимальную относительную потерю энергии первой частицы.

133. Определить работу растяжения двух соединенных последовательно пружин жесткостями $k_1=400$ Н/м и $k_2=250$ Н/м, если первая пружина при этом растянулась на $\Delta l=2$ см.

* 134. Из ствола автоматического пистолета вылетела пуля массой $m_1=10$ г со скоростью $v=300$ м/с. Затвор пистолета массой $m_2=200$ г прижимается к стволу пружиной, жесткость которой $k=25$ кН/м. На какое расстояние отойдет затвор после выстрела? Считать, что пистолет жестко закреплен.

135. Пружина жесткостью $k=500$ Н/м сжата силой $F=100$ Н. Определить работу A внешней силы, дополнительно сжимающей эту пружину еще на $\Delta l=2$ см.

136. Две пружины жесткостью $k_1=0,5$ кН/м и $k_2=1$ кН/м скреплены параллельно. Определить потенциальную энергию P данной системы при абсолютно деформации $\Delta l=4$ см.

137. Какую нужно совершить работу A , чтобы пружину жесткостью $k=800$ Н/м, сжатую на $x=6$ см, дополнительно сжать на $\Delta x=8$ см?

138. Если на верхний конец вертикально расположенной спиральной пружины положить груз, то пружина сожмется на $\Delta l=3$ мм. На сколько сожмется пружина тот же груз, упавший на конец пружины с высоты $h=8$ см?

139. Из пружинного пистолета с пружиной жесткостью $k=150$ Н/м был произведен выстрел пулей массой $m=8$ г. Определить скорость v пули при вылете ее из пистолета, если пружина была сжата на $\Delta x=4$ см.

140. Налетев на пружинный буфер, вагон массой $m=16$ т, движавшийся со скоростью $v=0,6$ м/с, остановился, сжав пружину на $\Delta l=8$ см. Найти общую жесткость k пружин буфера.

* 141. Определить скорость поступательного движения сплошного цилиндра, скатившегося с наклонной плоскости высотой $h=20$ см.

142. Тонкостенный цилиндр, масса которого $m=12$ кг, а диаметр основания $D=30$ см, вращается согласно уравнению $\varphi=A+Bt+Ct^2$, где $A=4$ рад; $B=-2$ рад/с; $C=0,2$ рад/с². Определить действующий на цилиндр момент сил M в момент времени $t=3$ с.

143. На обод маxовика диаметром $D=60$ см намотан шнур, к концу которого привязан груз массой $m=2$ кг. Определить момент инерции J маxовика, если он, вращаясь равноускоренно под действием силы тяжести груза, за время $t=3$ с приобрел угловую скорость $\omega=9$ рад/с.

144. Нить с привязанными к ее концам грузами массой $m_1=50$ г и $m_2=60$ г перекинута через блок диаметром $D=4$ см. Определить момент инерции J блока, если под действием силы тяжести грузов он получил угловое ускорение $\varepsilon=1,5$ рад/с².

145. Стержень вращается вокруг оси, проходящей через его се-

редину согласно уравнению $\phi = At + Bt^3$, где $A=2$ рад/с; $B=0,2$ рад/с³. Определить вращающий момент M , действующий на стержень через $t=2$ с после начала вращения, если момент инерции стержня $J=0,048$ кг·м².

146. По горизонтальной плоской поверхности катится диск со скоростью $v=8$ м/с. Определить коэффициент сопротивления, если диск, будучи предоставленным самому себе, остановился, пройдя путь $s=18$ м.

147. Определить момент силы M , который необходимо приложить к блоку, вращающемуся с частотой $n=12$ с⁻¹, чтобы он остановился в течение времени $\Delta t=8$ с. Диаметр блока $D=30$ см. Массу блока $m=6$ кг считать равномерно распределенной по ободу.

148. Блок, имеющий форму диска массой $m=0,4$ кг, вращается под действием силы натяжения нити, к концам которой подвешены грузы массами $m_1=0,3$ кг и $m_2=0,7$ кг. Определить силы T_1 и T_2 натяжения нити по обе стороны блока.

149. На краю платформы в виде диска, вращающегося по инерции вокруг вертикальной оси с частотой $n_1=8$ мин⁻¹, стоит человек массой $m_1=70$ кг. Когда человек перешел в центр платформы, она стала вращаться с частотой $n_2=10$ мин⁻¹. Определить массу m_2 платформы. Момент инерции человека рассчитывать как для материальной точки.

150. На краю неподвижной скамьи Жуковского диаметром $D=0,8$ м и массой $m_1=6$ кг стоит человек массой $m_2=60$ кг. С какой угловой скоростью ω начнет вращаться скамья, если человек пойдет летящий на него мяч массой $m=0,5$ кг? Траектория мяча горизонтальна и проходит на расстоянии $r=0,4$ м от оси скамьи. Скорость мяча $v=5$ м/с.

151. Человек стоит на скамье Жуковского и держит в руках стержень вертикально вдоль оси вращения скамьи. Стержень служит осью вращения колеса, расположенного на верхнем конце стержня. Скамейка неподвижна, колесо вращается с частотой $n_1=15$ с⁻¹. С какой угловой скоростью ω_2 будет вращаться скамья, если человек повернет стержень на угол $\phi=180^\circ$ и колесо окажется на нижнем конце стержня? Суммарный момент инерции человека и скамьи $J=8$ кг·м², радиус колеса $R=25$ см. Массу $m=2,5$ кг колеса можно считать равномерно распределенной по ободу. Считать, что центр масс человека с колесом находится на оси платформы.

152. На скамье Жуковского стоит человек и держит в руках стержень вертикально по оси вращения скамьи. Скамья с человеком вращается с угловой скоростью $\omega_1=4$ рад/с. С какой угловой скоростью ω_2 будет вращаться скамья с человеком, если повернуть стержень так, чтобы он занял горизонтальное положение? Суммарный момент инерции человека и скамьи $J=5$ кг·м². Длина стержня $l=1,8$ м, масса $m=6$ кг. Считать, что центр масс стержня с человеком находится на оси платформы.

153. Платформа в виде диска диаметром $D=3$ м и массой $m_1=180$ кг может вращаться вокруг вертикальной оси. С какой угловой скоростью ω_1 будет вращаться эта платформа, если по ее краю пойдет человек массой $m_2=70$ кг со скоростью $v=1,8$ м/с относительно платформы?

154. Платформа, имеющая форму диска, может вращаться около вертикальной оси. На краю платформы стоит человек. На какой угол ϕ повернется платформа, если человек пойдет вдоль края платформы и, обойдя ее, вернется в исходную (на платформе) точку?

Масса платформы $m_1=280$ кг, масса человека $m_2=80$ кг. Момент инерции человека рассчитывать как для материальной точки.

155. Шарик массой $m=60$ г, привязанный к концу нити длиной $l_1=1,2$ м, вращается с частотой $n_1=2$ с⁻¹, опираясь на горизонтальную плоскость. Нить укорачивается, приближая шарик к оси вращения до расстояния $l_2=0,6$ м. С какой частотой n_2 будет при этом вращаться шарик? Какую работу A совершает внешняя сила, укорачивающая нить? Трением шарика о плоскость пренебречь.

156. По касательной к шкиву маховика в виде диска диаметром $D=75$ см и массой $m=40$ кг приложена сила $F=1$ кН. Определить угловое ускорение ε и частоту вращения n маховика через время $t=10$ с после начала действия силы, если радиус r шкива равен 12 см. Силой трения пренебречь.

157. Определить напряженность G гравитационного поля на высоте $h=1000$ км над поверхностью Земли. Считать известными ускорение g свободного падения у поверхности Земли и ее радиус R .

158. Какая работа A будет совершена силами гравитационного поля при падении на Землю тела массой $m=2$ кг: 1) с высоты $h=1000$ км; 2) из бесконечности?

159. Из бесконечности на поверхность Земли падает метеорит массой $m=30$ кг. Определить работу A , которая при этом будет совершена силами гравитационного поля Земли. Ускорение свободного падения g и радиус R Земли считать известными.

160. С поверхности Земли вертикально вверх пущена ракета со скоростью $v=5$ км/с. На какую высоту она поднимается?

161. По круговой орбите вокруг Земли обращается спутник с периодом $T=65$ мин. Определить высоту спутника. Ускорение свободного падения g и радиус R Земли считать известными.

162. На каком расстоянии от центра Земли находится точка, в которой напряженность суммарного гравитационного поля Земли и Луны равна нулю? Принять, что масса Земли в 81 раз больше массы Луны и что расстояние от центра Земли до центра Луны равно 60 радиусам Земли.

163. Спутник обращается вокруг Земли по круговой орбите на высоте $h=520$ км. Определить период обращения спутника. Ускорение свободного падения g и радиус Земли R считать известными.

164. Определить линейную и угловую скорости спутника Земли, обращающегося по круговой орбите на высоте $h=1000$ км. Ускорение свободного падения g и радиус Земли R считать известными.

165. Определить возвращающую силу F в момент времени $t=-0,2$ с и полную энергию E точки массой $m=20$ г, совершающей гармонические колебания согласно уравнению $x=A \sin \omega t$, где $A=15$ см; $\omega=4\pi$ с⁻¹.

166. Определить период T колебаний стержня длиной $l=30$ см около горизонтальной оси, перпендикулярной стержню и проходящей через его конец.

167. Определить максимальное ускорение a_{\max} материальной точки, совершающей гармонические колебания с амплитудой $A=15$ см, если наибольшая скорость точки $v_{\max}=30$ см/с. Написать также уравнение колебаний.

168. Точка совершает гармонические колебания, уравнение которых $x=A \sin \omega t$, где $A=5$ см; $\omega=2$ с⁻¹. В момент времени, когда точка обладала потенциальной энергией $P=0,1$ мДж, на нее действовала возвращающая сила $F=+5$ мН. Найти этот момент времени t и соответствующую ему фазу ϕ колебаний.

МОЛЕКУЛЯРНАЯ ФИЗИКА. ТЕРМОДИНАМИКА

Основные формулы

• Количество вещества однородного газа (в молях)

$$v = N/N_A, \text{ или } v = m/M,$$

где N — число молекул газа; N_A — постоянная Авогадро; m — масса газа; M — молярная масса газа.

Если система представляет смесь нескольких газов, то количество вещества системы

$$v = v_1 + v_2 + \dots + v_n = N_1/N_A + N_2/N_A + \dots + N_n/N_A,$$

или

$$v = m_1/M_1 + m_2/M_2 + \dots + m_n/M_n,$$

где v_i , N_i , m_i , M_i — соответственно количество вещества, число молекул, масса, молярная масса i -й компоненты смеси.

• Уравнение Менделеева — Клапейрона (уравнение состояния идеального газа):

$$pV = (m/M)RT = vRT,$$

где m — масса газа; M — молярная масса газа; R — молярная газовая постоянная; v — количество вещества; T — термодинамическая температура.

• Опытные газовые законы, являющиеся частными случаями уравнения Менделеева — Клапейрона для изопроцессов:

а) закон Бойля — Мариотта (изотермический процесс — $T = \text{const}$, $m = \text{const}$):

$$pV = \text{const},$$

или для двух состояний газа:

$$p_1 V_1 = p_2 V_2,$$

б) закон Гей-Люссака (изобарный процесс — $p = \text{const}$, $m = \text{const}$):

$$V_1/T_1 = V_2/T_2,$$

или для двух состояний:

$$V_1/T_1 = V_2/T_2,$$

в) закон Шарля (изохорный процесс — $V = \text{const}$, $m = \text{const}$):

$$p/T = \text{const},$$

или для двух состояний:

$$p_1/T_1 = p_2/T_2,$$

г) объединенный газовый закон ($m = \text{const}$):

$$pV/T = \text{const}, \text{ или } p_1 V_1 / T_1 = p_2 V_2 / T_2,$$

где p_1 , V_1 , T_1 — давление, объем и температура газа в начальном состоянии; p_2 , V_2 , T_2 — те же величины в конечном состоянии.

• Закон Дальтона, определяющий давление смеси газов:

$$p = p_1 + p_2 + \dots + p_n,$$

* * * 169. Определить частоту v гармонических колебаний диска радиусом $R=20$ см около горизонтальной оси, проходящей через середину радиуса диска перпендикулярно его плоскости.

170. Определить период T гармонических колебаний диска радиусом $R=40$ см около горизонтальной оси, проходящей через образующую диска.

171. На стержне длиной $l=30$ см укреплены два одинаковых грузика: один — в середине стержня, другой — на одном из его концов. Стержень с грузиками колебается около горизонтальной оси, проходящей через свободный конец стержня. Определить приведенную длину L и период T гармонических колебаний. Массой стержня пренебречь.

172. Найти максимальную кинетическую энергию T_{\max} материальной точки массой $m=2$ г, совершающей гармонические колебания с амплитудой $A=4$ см и частотой $v=5$ Гц.

173. Точка участвует одновременно в двух взаимно перпендикулярных колебаниях, уравнения которых $x=A_1 \sin \omega_1 t$ и $y=A_2 \cos \omega_2 t$, где $A_1=8$ см; $A_2=4$ см; $\omega_1=\omega_2=2$ с $^{-1}$. Написать уравнение траектории и построить ее. Показать направление движения точки.

174. Складываются два колебания одинакового направления и одинакового периода: $x_1=A_1 \sin \omega_1 t$ и $x_2=A_2 \sin \omega_2(t+\tau)$, где $A_1=A_2=3$ см; $\omega_1=\omega_2=\pi$ с $^{-1}$; $\tau=0,5$ с. Определить амплитуду A и начальную фазу ϕ результирующего колебания. Написать его уравнение. Построить векторную диаграмму для момента времени $t=0$.

175. Материальная точка участвует одновременно в двух взаимно перпендикулярных колебаниях, происходящих согласно уравнениям: $x=A_1 \cos \omega_1 t$, $y=A_2 \sin \omega_2 t$, где $A_1=2$ см; $\omega_1=2$ с $^{-1}$; $A_2=4$ см; $\omega_2=2$ с $^{-1}$. Определить траекторию точки. Построить траекторию с соблюдением масштаба, указать направление движения точки.

176. Точка совершает одновременно два колебания, происходящих по взаимно перпендикулярным направлениям и выражаемых уравнениями: $x=A_1 \sin \omega_1 t$ и $y=A_2 \cos \omega_2 t$, где $A_1=2$ см; $\omega_1=1$ с $^{-1}$; $A_2=2$ см; $\omega_2=2$ с $^{-1}$. Найти уравнение траектории, построить ее с соблюдением масштаба и указать направление движения точки.

177. Точка участвует в двух взаимно перпендикулярных колебаниях, выражаемых уравнениями: $x=A_1 \cos \omega_1 t$ и $y=A_2 \sin \omega_2 t$, где $A_1=4$ см; $A_2=6$ см; $\omega_1=2\omega_2$. Найти уравнение траектории точки и построить ее; показать направление движения точки.

178. Две точки находятся на прямой, вдоль которой распространяются волны со скоростью $v=10$ м/с. Период колебаний $T=0,2$ с, расстояние между точками $\Delta x=1$ м. Найти разность фаз $\Delta\phi$ колебаний в этих точках.

179. Материальная точка участвует в двух колебаниях, проходящих по одной прямой и выражаемых уравнениями: $x_1=A_1 \sin \omega_1 t$, $x_2=A_2 \cos \omega_2 t$, где $A_1=3$ см; $A_2=4$ см; $\omega_1=\omega_2=2$ с $^{-1}$. Найти амплитуду A сложного движения, его частоту v и начальную фазу ϕ_0 ; написать уравнение движения. Построить векторную диаграмму для момента времени $t=0$.

180. Определить скорость v распространения воли в упругой среде, если разность фаз $\Delta\phi$ колебаний двух точек, отстоящих друг от друга на $\Delta x=15$ см, равна $\pi/2$. Частота колебаний $v=25$ Гц.

растании напряжения на концах провода от $U_1=2$ В до $U_2=4$ В в течение $t=20$ с. $\square[20 \text{ Кл}]$

14. Определить силу тока в цепи, состоящей из двух элементов с э. д. с. $\mathcal{E}_1=1,6$ В и $\mathcal{E}_2=1,2$ В и внутренними сопротивлениями $R_1=0,6$ Ом и $R_2=0,4$ Ом, соединенных одноименными полюсами. $\square[0,4 \text{ A}]$

15. Три батареи с э. д. с. $\mathcal{E}_1=8$ В, $\mathcal{E}_2=3$ В и $\mathcal{E}_3=4$ В и внутренними сопротивлениями $R_i=2$ Ом каждое соединены одноименными полюсами. Пренебрегая сопротивлением соединительных проводов, определить силы токов идущих через батареи. $\square[1,5 \text{ A}; 1 \text{ A}; 0,5 \text{ A}]$

16. Определить напряжение U на зажимах реостата сопротивлением R (рис. 20), если $\mathcal{E}_1=5$ В, $R_1=1$ Ом, $\mathcal{E}_2=3$ В, $R_2=0,5$ Ом, $R=3$ Ом. $\square[3,3 \text{ В}]$

17. Определить напряжение на резисторах сопротивлениями $R_1=2$ Ом, $R_2=R_3=4$ Ом и $R_4=2$ Ом, включенных в цепь, как показано на рис. 21, если $\mathcal{E}_1=10$ В, $\mathcal{E}_2=4$ В. Сопротивлениями источников тока пренебречь. $\square[6 \text{ В}; 0; 4 \text{ В}; 4 \text{ В}]$

18. Определить силу тока насыщения $I_{\text{нас}}$ и плотность тока $j_{\text{нас}}$ в ионизационной камере с плоскими электродами площадью $S=400 \text{ см}^2$ каждый, если в 1 см^3 газа, заключенного между электродами, под действием ионизатора ежесекундно образуется $n=8 \times 10^6$ пар ионов. Объем газа в камере $V=1,2$ л. Заряд каждого иона считать равным элементарному заряду. $\square[1,54 \text{ нА}; 38,5 \text{ нА}/\text{м}^2]$

ТАБЛИЦЫ ВАРИАНТОВ К КОНТРОЛЬНОЙ РАБОТЕ 3

1. Для специальностей, учебными планами которых предусмотрено по курсу общей физики шесть контрольных работ

Вариант	Номера задач									
	307	319	325	339	344	353	372	380	305	324
0	307	319	325	339	344	353	372	380	305	324
1	305	324	326	337	341	350	370	377	302	318
2	302	318	332	338	345	351	369	378	306	320
3	306	320	329	335	346	353	372	376	304	323
4	304	323	331	333	344	349	368	377	305	322
5	305	322	329	334	348	356	366	375	302	318
6	302	318	330	338	343	354	367	379	303	321
7	303	321	327	335	341	350	368	373	308	323
8	308	323	325	340	347	355	365	374	301	317
9	301	317	328	336	342	352	371	376	305	322

2. Для специальностей, учебными планами которых предусмотрено по курсу общей физики повышенное число часов

Вариант	Номера задач								
	316	317	325	338	341	359	365	375	309
0	316	317	325	338	341	359	365	375	312
1	309	317	331	335	344	357	370	380	310
2	312	324	326	340	343	360	368	378	315
3	310	323	332	337	345	358	369	377	309
4	315	318	330	338	346	359	366	379	311
5	309	320	330	340	348	364	369	379	313
6	311	323	328	339	342	363	367	377	314
7	313	322	331	336	344	360	365	376	310
8	314	319	329	333	345	361	371	373	321
9	310	321	327	334	347	362	372	374	325

3. Для специальностей, учебными планами которых предусмотрено по курсу общей физики пять контрольных работ

Вариант	Номера задач								
	303	318	332	339	341	349	370	377	308
0	303	318	332	339	341	349	370	377	306
1	308	319	331	336	342	350	377	379	319
2	306	319	332	335	345	353	368	376	302
3	302	317	329	338	343	351	369	375	320
4	301	320	330	337	344	349	365	378	323
5	302	323	331	338	345	351	369	376	322
6	304	321	328	335	347	352	370	380	321
7	303	324	327	333	344	356	371	375	324
8	307	320	326	334	348	355	372	374	320
9	305	322	325	340	346	354	366	373	325

КОНТРОЛЬНАЯ РАБОТА 3

301. Точечные заряды $Q_1=20 \text{ мКл}$, $Q_2=-10 \text{ мКл}$ находятся на расстоянии $d=5 \text{ см}$ друг от друга. Определить напряженность поля в точке, удаленной на $r_1=3 \text{ см}$ от первого и $r_2=4 \text{ см}$ от второго заряда. Определить также силу F , действующую в этой точке на точечный заряд $Q=1 \text{ мКл}$.

302. Три одинаковых точечных заряда $Q_1=Q_2=Q_3=2 \text{ нКл}$ находятся в вершинах равностороннего треугольника со стороной $a=10 \text{ см}$. Определить модуль и направление силы F , действующей на один из зарядов со стороны двух других.

303. Два положительных точечных заряда Q и $9Q$ закреплены на расстоянии $l=100 \text{ см}$ друг от друга. Определить, в какой точке на прямой, проходящей через заряды, следует поместить третий заряд так, чтобы он находился в равновесии. Указать, какой знак

должен иметь этот заряд для того, чтобы равновесие было устойчивым, если перемещения заряда возможны только вдоль прямой, проходящей через закрепленные заряды.

304. Два одинаковых заряженных шарика подвешены в одной точке на нитях одинаковой длины. При этом нити разошлись на угол α . Шарики погружаются в масло. Какова плотность ρ_0 масла, если угол расхождения нитей при погружении шариков в масло остается неизменным? Плотность материала шариков $\rho = 1,5 \cdot 10^3 \text{ кг}/\text{м}^3$, диэлектрическая проницаемость масла $\epsilon = 2,2$.

305. Четыре одинаковых заряда $Q_1 = Q_2 = Q_3 = Q_4 = 40 \text{ нКл}$ закреплены в вершинах квадрата со стороной $a = 10 \text{ см}$. Найти силу F , действующую на один из этих зарядов со стороны трех остальных.

306. В вершинах квадрата находятся одинаковые заряды $Q_1 = Q_2 = Q_3 = Q_4 = 8 \cdot 10^{-10} \text{ Кл}$. Какой отрицательный заряд Q нужно поместить в центре квадрата, чтобы сила взаимного отталкивания положительных зарядов была уравновешена силой притяжения отрицательного заряда?

307. На расстоянии $d = 20 \text{ см}$ находятся два точечных заряда $Q_1 = -50 \text{ нКл}$ и $Q_2 = 100 \text{ нКл}$. Определить силу F , действующую на заряд $Q_3 = -10 \text{ нКл}$, удаленный от обоих зарядов на одинаковое расстояние, равное d .

308. Расстояние d между двумя точечными зарядами $Q_1 = 2 \text{ нКл}$ и $Q_2 = 4 \text{ нКл}$ равно 60 см . Определить точку, в которую нужно поместить третий заряд Q_3 так, чтобы система зарядов находилась в равновесии. Определить размер и знак заряда. Устойчивое или неустойчивое будет равновесие?

309. На тонком кольце равномерно распределен заряд с линейной плотностью заряда $\tau = 0,2 \text{ нКл}/\text{см}$. Радиус кольца $R = 15 \text{ см}$. На срединном перпендикуляре к плоскости кольца находится точечный заряд $Q = 10 \text{ нКл}$. Определить силу F , действующую на точечный заряд со стороны заряженного кольца, если он удален от центра кольца на: 1) $a_1 = 20 \text{ см}$; 2) $a_2 = 10 \text{ м}$.

310. По тонкой нити, изогнутой по дуге окружности радиусом $R = 10 \text{ см}$, равномерно распределен заряд $Q = 20 \text{ нКл}$. Определить напряженность E поля, создаваемого этим зарядом в точке, совпадающей с центром кривизны дуги, если длина нити равна четверти длины окружности.

311. Определить напряженность E поля, создаваемого зарядом, равномерно распределенным по тонкому прямому стержню с линейной плотностью заряда $\tau = 200 \text{ нКл}/\text{м}$, в точке, лежащей на продолжении оси стержня на расстоянии $a = 20 \text{ см}$ от ближайшего конца. Длина стержня $l = 40 \text{ см}$.

312. На продолжении оси тонкого прямого стержня, равномерно заряженного с линейной плотностью заряда $\tau = 15 \text{ нКл}/\text{см}$, на расстоянии $a = 40 \text{ см}$ от конца стержня находится точечный заряд $Q = 10 \text{ мКл}$. Второй конец стержня уходит в бесконечность. Определить силу взаимодействия стержня и заряда Q .

313. По тонкому кольцу радиусом $R = 10 \text{ см}$ равномерно распределен заряд $Q_1 = 20 \text{ нКл}$. Какова напряженность E поля в точке, находящейся на оси кольца на расстоянии $a = 20 \text{ см}$ от центра кольца?

314. Два длинных, тонких равномерно заряженных ($\tau = 1 \text{ мКл}/\text{м}$) стержня расположены перпендикулярно друг другу так, что точка пересечения их осей находится на расстоянии $a = 10 \text{ см}$ и $b = 15 \text{ см}$ от ближайших концов стержней. Найти силу

F , действующую на заряд $Q = 10 \text{ нКл}$, помещенный в точку пересечения осей стержней.

315. Тонкое полукольцо радиусом $R = 20 \text{ см}$ несет равномерно распределенный заряд $Q_1 = 2 \text{ мКл}$. Определить силу F , действующую на точечный заряд $Q_2 = 40 \text{ нКл}$, расположенный в центре кривизны полукольца.

316. Определить напряженность E поля, создаваемого тонким длинным стержнем, равномерно заряженным с линейной плотностью $\tau = 20 \text{ мКл}/\text{м}$ в точке, находящейся на расстоянии $a = 2 \text{ см}$ от стержня, вблизи его середины.

317. Параллельно бесконечной плоскости, заряженной с поверхностью плотностью заряда $\sigma = 4 \text{ мКл}/\text{м}^2$, расположена бесконечно длинная прямая нить, заряженная с линейной плотностью заряда $\tau = 100 \text{ нКл}/\text{м}$. Определить силу F , действующую со стороны плоскости на отрезок нити длиной $l = 1 \text{ м}$.

318. Две одинаковые круглые пластины площадью $S = 400 \text{ см}^2$ каждая расположены параллельно друг другу. Заряд одной пластины $Q_1 = 400 \text{ нКл}$, другой $Q_2 = -200 \text{ нКл}$. Определить силу F взаимного притяжения пластин, если расстояние между ними: а) $r_1 = 3 \text{ мм}$, б) $r_2 = 10 \text{ м}$.

319. На бесконечном тонкостенном цилиндре диаметром $d = 20 \text{ см}$ равномерно распределен заряд с поверхностью плотностью $\sigma = 4 \text{ мКл}/\text{м}^2$. Определить напряженность поля в точке, отстоящей от поверхности цилиндра на $a = 15 \text{ см}$.

320. С какой силой (на единицу площади) взаимодействуют две бесконечные параллельные плоскости, заряженные с одинаковой поверхностью плотностью заряда $\sigma = 5 \text{ мКл}/\text{м}^2$?

321. Две длинные прямые параллельные нити находятся на расстоянии $d = 5 \text{ см}$ друг от друга. На нитях равномерно распределены заряды с линейными плотностями заряда $\tau_1 = -5 \text{ нКл}/\text{см}$ и $\tau_2 = -10 \text{ нКл}/\text{см}$. Определить напряженность E электрического поля в точке, удаленной от первой нити на расстояние $r_1 = 3 \text{ см}$ и от второй на расстояние $r_2 = 4 \text{ см}$.

322. К бесконечной равномерно заряженной вертикальной плоскости подведен на нити одноименно заряженный шарик массой $m = 50 \text{ мг}$ и зарядом $Q = 0,6 \text{ нКл}$. Сила натяжения нити, на которой висит шарик, $F = 0,7 \text{ мН}$. Найти поверхностную плотность заряда σ на плоскости.

323. С какой силой (на единицу длины) взаимодействуют две заряженные бесконечно длинные параллельные нити с одинаковой линейной плотностью заряда $\tau = 20 \text{ мКл}/\text{м}$, находящиеся на расстоянии $r = 10 \text{ см}$ друг от друга?

324. Поверхностная плотность заряда σ бесконечно протяженной вертикальной плоскости равна $400 \text{ мКл}/\text{м}^2$. К плоскости на нити подведен заряженный шарик массой $m = 10 \text{ г}$. Определить заряд Q шарика, если нить образует с плоскостью угол $\phi = 30^\circ$.

325. Определить потенциальную энергию W системы двух точечных зарядов $Q_1 = 400 \text{ нКл}$ и $Q_2 = 20 \text{ нКл}$, находящихся на расстоянии $r = 5 \text{ см}$ друг от друга.

326. Две параллельные заряженные плоскости, поверхностные плотности заряда которых $\sigma_1 = 2 \text{ мКл}/\text{м}^2$ и $\sigma_2 = -0,8 \text{ мКл}/\text{м}^2$, находятся на расстоянии $d = 0,6 \text{ см}$ друг от друга. Определить разность потенциалов U между плоскостями.

327. Поле образовано бесконечной равномерно заряженной плоскостью с поверхностной плотностью заряда $\sigma = 40 \text{ нКл}/\text{м}^2$. Определить

делить разность потенциалов U двух точек поля, отстоящих от плоскости на $r_1=15$ см и $r_2=20$ см.

328. Четыре одинаковых капли ртути, заряженных до потенциала $\varphi=10$ В, сливаются в одну. Каков потенциал φ_1 образованнойся капли?

329. Тонкий стержень согнут в кольцо радиусом $R=10$ см. Он равномерно заряжен с линейной плотностью заряда $\tau=800$ нКл/м. Определить потенциал φ в точке, расположенной на оси кольца на расстоянии $h=10$ см от его центра.

330. Поле образовано точечным диполем с электрическим моментом $p=200$ нКл·м. Определить разность потенциалов U двух точек поля, расположенных симметрично относительно диполя на его оси на расстоянии $r=40$ см от центра диполя.

331. Электрическое поле образовано бесконечно длинной заряженной нитью, линейная плотность заряда которой $\tau=20$ нКл/м. Определить разность потенциалов U двух точек поля, отстоящих от нити на расстоянии $r_1=8$ см и $r_2=12$ см.

332. Тонкая квадратная рамка равномерно заряжена с линейной плотностью заряда $\tau=200$ нКл/м. Определить потенциал φ поля в точке пересечения диагоналей.

333. Пылинка массой $m=200$ мкг, несущая на себе заряд $Q=-40$ нКл, влетела в электрическое поле в направлении силовых линий. После прохождения разности потенциалов $U=200$ В пылинка имела скорость $v_0=10$ м/с. Определить скорость v пылинки до того, как она влетела в поле.

334. Электрон, обладавший кинетической энергией $T=10$ эВ, влетел в однородное электрическое поле в направлении силовых линий поля. Какой скоростью будет обладать электрон, пройдя в этом поле разность потенциалов $U=8$ В?

335. Найти отношение скоростей ионов Cu^{++} и K^+ , прошедших одинаковую разность потенциалов.

336. Электрон с энергией $T=400$ эВ (в бесконечности) движется вдоль силовой линии по направлению к поверхности металлической заряженной сферы радиусом $R=10$ см. Определить минимальное расстояние a , на которое приблизится электрон к поверхности сферы, если заряд ее $Q=-10$ нКл.

337. Электрон, пройдя в плоском конденсаторе путь от одной пластины до другой, приобрел скорость $v=10^5$ м/с. Расстояние между пластинами $d=8$ мм. Найти: 1) разность потенциалов U между пластинами; 2) поверхностную плотность заряда σ на пластинах.

338. Пылинка массой $m=5$ нг, несущая на себе $N=10$ электронов, прошла в вакууме ускоряющую разность потенциалов $U=1$ мВ. Какова кинетическая энергия T пылинки? Какую скорость v приобрела пылинка?

339. Ион атома лития Li^+ прошел разность потенциалов $U_1=400$ В, ион атома натрия Na^+ — разность потенциалов $U_2=300$ В. Найти отношение скоростей этих ионов.

340. При бомбардировке неподвижного ядра калия α -частицей сила отталкивания между ними достигла $F=100$ Н. На какое наименьшее расстояние приблизилась α -частица к ядру атома калия? Какую скорость v имела α -частица вдали от ядра? Влиянием электронной оболочки атома калия пренебречь.

341. Расстояние между пластинами плоского конденсатора $d=2$ мм, разность потенциалов $U=600$ В. Заряд каждой пластины

$Q=40$ нКл. Определить энергию W поля конденсатора и силу F взаимного притяжения пластин.

342. Два одинаковых плоских воздушных конденсатора емкостью $C=100$ нФ каждый соединены в батарею последовательно. Определить, насколько изменится емкость C батареи, если пространство между пластинами одного из конденсаторов заполнить парфином.

343. Два конденсатора емкостью $C_1=5$ мКФ и $C_2=8$ мКФ соединены последовательно и присоединены к батарее с э. д. с. $E=80$ В. Определить заряды Q_1 и Q_2 конденсаторов и разности потенциалов U_1 и U_2 между их обкладками.

344. Плоский конденсатор состоит из двух круглых пластин радиусом $R=10$ см каждая. Расстояние между пластинами $d=2$ мм. Конденсатор присоединен к источнику напряжения $U=80$ В. Определить заряд Q и напряженность E поля конденсатора в двух случаях: а) диэлектрик — воздух; б) диэлектрик — стекло.

345. Два одинаковых плоских воздушных конденсатора соединены последовательно в батарею, которая подключена к источнику тока с э. д. с. $E=12$ В. Определить, насколько изменится напряжение на одном из конденсаторов, если другой погрузить в трансформаторное масло.

346. Два металлических шарика радиусами $R_1=5$ см и $R_2=10$ см имеют заряды $Q_1=40$ нКл и $Q_2=-20$ нКл соответственно. Найти энергию W , которая выделяется при разряде, если шары соединить проводником.

347. Пространство между пластинами плоского конденсатора заполнено двумя слоями диэлектрика: стекла толщиной $d_1=0,2$ см и слоем парафина толщиной $d_2=0,3$ см. Разность потенциалов между обкладками $U=300$ В. Определить напряженность E поля и падение потенциала в каждом из слоев.

348. Плоский конденсатор с площадью пластин $S=200$ см² каждого заряжен до разности потенциалов $U=2$ кВ. Расстояние между пластинами $d=2$ см. Диэлектрик — стекло. Определить энергию W поля конденсатора и плотность ω энергии поля.

349. Катушка и амперметр соединены последовательно и подключены к источнику тока. К клеммам катушки присоединен вольтметр с сопротивлением $r=4$ кОм. Амперметр показывает силу тока $I=0,3$ А, вольтметр — напряжение $U=120$ В. Определить сопротивление R катушки. Определить относительную погрешность ε , которая будет допущена при измерении сопротивления, если пренебречь силой тока, текущего через вольтметр.

350. Э. д. с. батареи $E=80$ В, внутреннее сопротивление $R_i=5$ Ом. Внешняя цепь потребляет мощность $P=100$ Вт. Определить силу тока I в цепи, напряжение U , под которым находится внешняя цепь, и ее сопротивление R .

351. От батареи, э. д. с. которой $E=600$ В, требуется передать энергию на расстояние $l=1$ км. Потребляемая мощность $P=5$ кВт. Найти минимальные потери мощности в сети, если диаметр медных подводящих проводов $d=0,5$ см.

352. Определить число электронов, проходящих за время $t=1$ с через попечерное сечение площадью $S=1$ мм² железной проволоки длиной $l=20$ м при напряжении на ее концах $U=16$ В.

353. Э. д. с. батареи $E=24$ В. Наибольшая сила тока, которую может дать батарея, $I_{\max}=10$ А. Определить максимальную мощность P_{\max} , которая может выделяться во внешней цепи.

354. При внешнем сопротивлении $R_1=8$ Ом сила тока в цепи $I_1=0,8$ А, при сопротивлении $R_2=15$ Ом сила тока $I_2=0,5$ А. Определить силу тока $I_{k.z.}$ короткого замыкания источника э. д. с.

355. В сеть с напряжением $U=100$ В подключили катушку с сопротивлением $R_1=2$ кОм и вольтметр, соединенные последовательно. Показание вольтметра $U_1=80$ В. Когда катушку заменили другой, вольтметр показал $U_2=60$ В. Определить сопротивление R_2 другой катушки.

356. Э. д. с. батареи $\mathcal{E}=12$ В. При силе тока $I=4$ А к. п. д. батареи $\eta=0,6$. Определить внутреннее сопротивление R_i батареи.

357. За время $t=20$ с при равномерно возрастающей силе тока от нуля до некоторого максимума в проводнике сопротивлением $R=5$ Ом выделилось количество теплоты $Q=4$ кДж. Определить скорость нарастания силы тока, если сопротивление проводника $R=5$ Ом.

358. Сила тока в проводнике изменяется со временем по закону $I=I_0 e^{-\alpha t}$, где $I_0=20$ А, $\alpha=10^2$ с⁻¹. Определить количество теплоты, выделившееся в проводнике за время $t=10^{-2}$ с.

359. Сила тока в проводнике сопротивлением $R=10$ Ом за время $t=50$ с равномерно нарастает от $I_1=5$ А до $I_2=10$ А. Определить количество теплоты Q , выделившееся за это время в проводнике.

360. В проводнике за время $t=10$ с при равномерном возрастании силы тока от $I_1=1$ А до $I_2=2$ А выделилось количество теплоты $Q=5$ кДж. Найти сопротивление R проводника.

361. Сила тока в проводнике изменяется со временем по закону $I=I_0 \sin \omega t$. Найти заряд Q , протекающий через поперечное сечение проводника за время t , равное половине периода T , если начальная сила тока $I_0=10$ А, циклическая частота $\omega=50\pi$ с⁻¹.

362. За время $t=10$ с при равномерно возрастающей силе тока от нуля до некоторого максимума в проводнике выделилось количество теплоты $Q=40$ кДж. Определить среднюю силу тока $\langle I \rangle$ в проводнике, если его сопротивление $R=25$ Ом.

363. За время $t=8$ с при равномерно возрастающей силе тока в проводнике сопротивлением $R=8$ Ом выделилось количество теплоты $Q=500$ Дж. Определить заряд q , протекший в проводнике, если сила тока в момент времени $t=0$ равна нулю.

364. Определить количество теплоты Q , выделившееся за время $t=10$ с в проводнике сопротивлением $R=10$ Ом, если сила тока в нем, равномерно уменьшаясь, изменилась от $I_1=10$ А до $I_2=0$.

365. Резистор сопротивлением $R=6$ Ом подключен к двум параллельно соединенным источникам тока с э. д. с. $\mathcal{E}_1=2,2$ В и $\mathcal{E}_2=2,4$ В и внутренними сопротивлениями $R_1=0,8$ Ом и $R_2=0,2$ Ом. Определить силу тока I в этом резисторе и напряжение U на зажимах второго источника тока.

366. Определить силу тока в каждом элементе и напряжение на зажимах реостата (рис. 20), если $\mathcal{E}_1=12$ В, $R_1=1$ Ом, $\mathcal{E}_2=6$ В, $R_2=1,5$ Ом и $R=20$ Ом.

367. Определить силы токов на всех участках электрической цепи (рис. 21), если $\mathcal{E}_1=8$ В, $\mathcal{E}_2=12$ В, $R_1=1$ Ом, $R_2=1$ Ом, $R_3=4$ Ом, $R_4=2$ Ом. Внутренними сопротивлениями источниками тока пренебречь.

368. Два источника тока с электродвижущими силами $\mathcal{E}_1=12$ В и $\mathcal{E}_2=8$ В и внутренними сопротивлениями $R_1=4$ Ом и $R_2=2$ Ом, а также проводник сопротивлением $R=20$ Ом соединены,

как показано на рис. 22. Определить силы тока в реостате и источниках тока.

369. Две батареи ($\mathcal{E}_1=12$ В, $R_1=2$ Ом, $\mathcal{E}_2=24$ В, $R_2=6$ Ом) и проводник сопротивлением $R=16$ Ом соединены, как показано на рис. 22. Определить силу тока в батареях и реостате.

370. Три резистора с сопротивлениями $R_1=6$ Ом, $R_2=3$ Ом и $R_3=2$ Ом, а также источник тока $\mathcal{E}_1=2,2$ В соединены, как показано на рис. 23. Определить э. д. с. \mathcal{E} источника, который надо под-

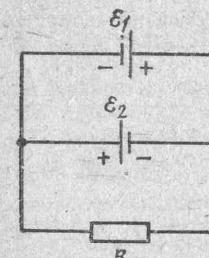


Рис. 22

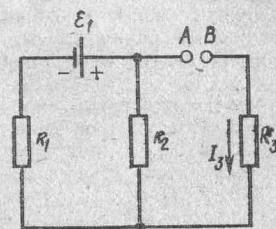


Рис. 23

ключить в цепь между точками A и B так, чтобы в проводнике сопротивлением R_3 шел ток силой $I_3=1$ А в направлении, указанном стрелкой. Внутренними сопротивлениями источников тока пренебречь.

371. Определить разность потенциалов между точками A и B (рис. 23), если $\mathcal{E}_1=8$ В, $\mathcal{E}_2=6$ В, $R_1=4$ Ом, $R_2=6$ Ом, $R_3=8$ Ом. Внутренними сопротивлениями источниками тока пренебречь.

372. Определить силу тока I_3 в проводнике сопротивлением R_3 (рис. 24) и напряжением U_3 на концах этого проводника, если $\mathcal{E}_1=6$ В, $\mathcal{E}_2=8$ В, $R_1=4$ Ом, $R_2=8$ Ом, $R_3=6$ Ом. Внутренними сопротивлениями источниками тока пренебречь.

373. Объем газа, заключенный между электродами ионизационной камеры, $V=0,8$ л. Газ ионизируется рентгеновским излучением. Сила тока насыщения $I_{\text{нас}}=6$ нА. Сколько пар ионов образуется за время $t=1$ с в объеме $V_1=1 \text{ см}^3$ газа? Заряд каждого иона равен элементарному заряду.

374. На расстоянии $d=1$ см одна от другой расположены две пластины площадью $S=400 \text{ см}^2$ каждая. Водород между пластинами ионизируют рентгеновским излучением. При напряжении $U=100$ В между пластинами идет далекий от насыщения ток силой $I=2$ мКА. Определить концентрацию n ионов одного знака между пластинами. Заряд каждого иона считать равным элементарному заряду.

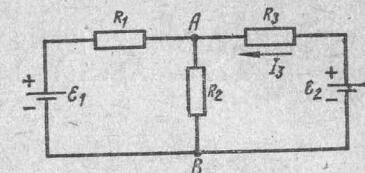


Рис. 24

375. Посередине между электродами ионизационной камеры пролетела α -частица, двигаясь параллельно электродам, и образовала на своем пути цепочку ионов. Спустя какое время t после проleta α -частицы ионы дойдут до электродов, если расстояние между электродами $d=2$ см, разность потенциалов $U=6$ кВ и подвижность b ионов обоих знаков в среднем равна $1,5 \text{ см}^2/(\text{В}\cdot\text{с})$?

376. Найти сопротивление трубки длиной $l=0,5$ м и площадью поперечного сечения $S=5 \text{ мм}^2$, если она наполнена азотом, ионизированным так, что в объеме $V=1 \text{ см}^3$ его находится при равновесии $n=10^8$ пар ионов. Ионы одновалентны.

377. К электродам разрядной трубы, содержащей водород, приложена разность потенциалов $U=10$ В. Расстояние d между электродами равно 25 см. Ионизатор создает в объеме $U=1 \text{ см}^3$ водорода $n=10^7$ пар ионов в секунду. Найти плотность тока j в трубке. Определить также, какая часть силы тока создается движением положительных ионов.

378. Воздух ионизируется рентгеновскими излучениями. Определить удельную проводимость γ воздуха, если в объеме $V=1 \text{ см}^3$ газа находится в условиях равновесия $n=10^8$ пар ионов.

379. Азот между плоскими электродами ионизационной камеры ионизируется рентгеновским излучением. Сила тока, текущего через камеру, $I=1,5 \text{ мкА}$. Площадь каждого электрода $S=200 \text{ см}^2$, расстояние между ними $d=1,5$ см, разность потенциалов $U=150$ В. Определить концентрацию n ионов между пластинами, если ток далек от насыщения. Заряд каждого иона равен элементарному заряду.

380. Газ, заключенный в ионизационной камере между плоскими пластинами, облучается рентгеновским излучением. Определить плотность тока насыщения $j_{\text{нас}}$, если ионизатор образует в объеме $V=1 \text{ см}^3$ газа $n=5 \cdot 10^6$ пар ионов в секунду. Принять, что каждый ион несет на себе элементарный заряд. Расстояние между пластинами камеры $d=2$ см.

ЭЛЕКТРОМАГНЕТИЗМ ЭЛЕКТРОМАГНИТНЫЕ КОЛЕБАНИЯ

IV. И ВОЛНЫ

Основные формулы

● Связь магнитной индукции B с напряженностью H магнитного поля:

$$B = \mu \mu_0 H,$$

где μ — магнитная проницаемость изотропной среды; μ_0 — магнитная постоянная. В вакууме $\mu=1$, и тогда магнитная индукция в вакууме

$$B_0 = \mu_0 H.$$

● Закон Бю—Савара—Лапласа:

$$dB = \frac{\mu \mu_0}{4\pi} \frac{I}{r^3} dr \quad \text{или} \quad dB = \frac{\mu \mu_0}{4\pi} \frac{I \sin \alpha}{r^2} dl,$$

где dB — магнитная индукция поля, созданного элементом проводника длиной dl с током I ; r — радиус-вектор, направленный от проводника.

элемента проводника к точке, в которой определяется магнитная индукция; α — угол между радиус-вектором и направлением тока в элементе проводника.

● Магнитная индукция в центре кругового тока:

$$B = \frac{\mu \mu_0 I}{2R},$$

где R — радиус кругового витка.

● Магнитная индукция на оси кругового тока:

$$B = \frac{\mu \mu_0}{4\pi} \frac{2\pi R^2 I}{(R^2 + h^2)^{3/2}},$$

где h — расстояние от центра витка до точки, в которой определяется магнитная индукция.

● Магнитная индукция поля прямого тока:

$$B = \mu \mu_0 I / (2\pi r_0),$$

где r_0 — расстояние от оси проводника до точки, в которой определяется магнитная индукция.

● Магнитная индукция поля, созданного отрезком провода с током (рис. 25, а):

$$B = \frac{\mu \mu_0}{4\pi} \frac{I}{r_0} (\cos \alpha_1 - \cos \alpha_2).$$

Обозначения ясны из рисунка. Направление вектора магнитной индукции B обозначено точкой — это значит, что B направлен перпендикулярно плоскости чертежа к нам.

При симметричном расположении концов провода относительно точки, в которой определяется магнитная индукция (рис. 25, б), $-\cos \alpha_2 = \cos \alpha_1 = \cos \alpha$, тогда

$$B = \frac{\mu \mu_0}{2\pi} \frac{I}{r_0} \cos \alpha.$$

● Магнитная индукция поля соленоида:

$$B = \mu \mu_0 n I,$$

где n — отношение числа витков соленоида к его длине.

● Сила, действующая на проводник с током в магнитном поле (закон Ампера):

$$F = I[B] \text{ или } F = IBl \sin \alpha,$$

где l — длина проводника; α — угол между направлением тока в проводнике и вектором магнитной индукции B . Это выражение справедливо для однородного магнитного поля и прямого отрезка проводника. Если поле неоднородно и проводник не является прямым, то закон Ампера можно применять к каждому элементу проводника в отдельности:

$$dF = I[dB].$$

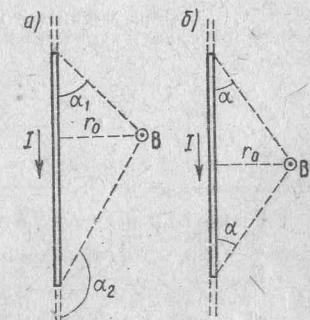


Рис. 25